



الجددية الذى ملا فراغ الوجود باشكال مصنوعاته \* وتنزه عن سمات الجوهر والعرض في قديم ذاته وصفاته \* ابرزاله الم من بديع اختراعه على خط استواء \* فسطيح امتداد الارضين على اجسام الهوا \* ووفع السماء متباعدة الابعاد بلاعماد \* فكانت الكائنات محكمة الاثقان على وفق ما اراد \* والحصلاة والسلام على مسقط نقطة قلم الرساله \* ومهبط وحى الحكمة والجال والحلاله \* والسلام على مسقط نقطة قلم الرساله \* ومهبط وحى الحكمة والجال والحلاله \* سيدنا محد الذي تقاطعت على بعدسيفه اعناق الكافرين \* وعلى آله واصحاب وعترته و حزبه المفلين \* اما بعد فيقول الفقير الى مولاه المحبد \* راجى عفوه البيومي محد \* انه لما صدر الامر الكريم بالارتحال \* في تحصيل المعارف التي بما تنفاضل الرجال \* من سدة صاحب السعادة والتمكين \* وجعلم في خلل وايات العدل والمسلين \* من انام الانام على بستاط الامان \* وجعلم في خلل وايات العدل والاحسان \* وخعلم في خلل وايات العدل والاحسان \* والحسان \* والمن والحيان \* والمن عليه والاحسان \* والمن والحيان \* والمن عليه والاحسان \* والمن والحيان \* والمن عليه والاحسان \* والمن عليه والمن والمن والمن والمن والمن والمن والمن والمن والمن عليه والاحسان \* والمن عليه والمن والم

اخلاقه بقول من قال

طف المقول وكيف القول في ملك علقة قاق كل ملوك الاعصر الاول محدانت ان احدد منهم المعلالة وان طلبت الدالعلياء انتعلى ولله در القائل

لسنانسه بل اجلالا وتكرمة بخفقد را المعتلى عن ذاله يكفينا اذانفردت وماشوركت فى صفة بخفسينا الوصفا ايضاحا وتبيينا اطال الله يقائه ايامه بولاا عدالا في رقاب اعدائه حسامه بوجعل تصاريف الاكدار من جلة جنده بووهب له ملكا لا بنبغى لا حدمن بعده

آمين آمين لاارضي بواحدة بوستى المغها للغين آمينا

وكنت قديلغت لوجوب امتثال ذلك الامرحد التكليف وحيث طبعت على حب المعرفة ولم يكن لاذاني غيرالتّغني باسمها تشتيف بهدفا ندرجت مع من شمر عن ساق الارتعال \* وتوجه مناالي مدينة باريز لقصيل من ايا الكال \* علامنا بان ذلك يكون عدّة للمسلين \* وزيادة في قوة من اعتصم بعبل الله المتين \* ولما يخلناهااختاركلمنااى فناراده بدوبذل همته فيه واجتهاده وتتبعنا مدارسها \* ولازمنا فلاسفها \* حتى استغرجنا خيايا مطالب العلوم المندرسة \* واختصصت بالتصدى لعلم الهندسة بخفاجتهدت فدراستها يولازه تفول مدارمة الاحتى نظرونى بعين الاعتبار بعدان اختبرون عاية الاختبار ب واحضرونى في محالس الامتحان غرمن مدواتفقت على اعتراف لى كلة اهل الخبره \* فأعطونى المارة من الشخل من العرفان بردائه \* وتلك الامارة رق غزال فيهخيم ملكهم ووزراته بومن دواعى العناية والاسعاف بوعن السعادة وخق الالطاف، اله كان الناظر علمنا في ارتقاء درج ثلث المعالى \* حضرة مختارساتر يسالج مسالعالى وكان يتعهد تعليما بالغدووالا صال ووبذل الجهدف سليغنا لا مال وحق من الله عليها بحصول المراد وفعدناه جدا إلاذن الازد إد م انصرف معي بخالص النية مشكورا \* درجعت الى اهلى

عاظفرت مسرورا \* محرضت عنوان صايف اسفارى \* وجهل ما تقنت معرفته فى اسفارى يوعلى بهية الزمان يووغطمطم العرفان بدح معالمهاء ادهم بك مدير عوم المهمات الحريم \* ومركزدوا ترافلال الصداء ية والعملية والمنتف ذلككن قابل الصباح بالصباح واجمالفريضة بالماح وفقلت في نفسي النالجة من اللعديد هشتان بن التعاسيف والحجه ب واقتفيت حسن أناره بدوا قتبست من ساطع انواره بدحت عرفى حقايق الاصطلاحات بوسن في تفاصيل المجلات بدواوضح لى ايهام ما اشكل بدوسهل في صعوبة ما اعضل بولا وصلت بجسن ارشاده الى هذه الغايه يشريف. في افادة ماعندى من الدرامه واخترت هذا الكاب في الهندسة الوصفية بواردتان اترجه من اللغة الفرنساوية الى اللغة العرسة بدلائه معقلة جمه كثيرالافاده بدليس لاقلسدس من كنزموه والافلاد ويدسم وهذا اوآن الشروع فالمرام \* ونسأل الله حسن انلتام

الهنسسة الاصعية تعتوى على ثلاث منافع الاولى وسم الاجسام على سطوح مستوية معناها ان الجسم الذى له ثلاثة ابعاد يكن رسمه على السطح المستوى الذى ليس له الابعدان الثانية رسم البلاد على سطح بسيط واحد الثالثة معرفة الاشياء من بعدر سعها

جميع الاجسام عكن النظر اليها كانهام كبة من اله تقطولذ لل ولزمان بتتدى بوجودموضع نقطة فى الفراغ اعنى جوف الهواء فيثان الفراغ لاحدودله بلهومتشا يهمن جيع الجهات يحتاج ان نجعل وجو دثلك النقطة التى فى الفراغ يطريقة لاتكون لازمة للفراغ نفسه والمقصود شرح الطريقة السهلة التى تدل على وجود نقطة في الفراغ فلا جل ذلك بعرف انه يوجد ثلا ثطرائق لادرالة نقطة في الفراغ الاولى من بعداد رالة ابعادهذه النقطة لنقطم علومة فى الفراغ الثانية من بعداد والـ ابعاد هذه النقطة الى خطوط مستقية ايضا معلومة فى الفراغ الثالثة من بعدادرال العادهذه النقطة الى سطوح مستوية حفروضة ايضافى الفراغ فالطريقة الاولى ينبغي لهارسم كرات ووجو دخطوط تقاطعها والطريقة الثانية تحتوى ايضاعلي رسم اسطوانات ووجودخطوط تقاطعم افهذه الطريقة اعظم صعوبة من الطريقة الاولى واما الطريقة الثائة فلاتحعاج الاالى رسم سطوح مستوية فقط متوازية للسطوح المذكورة زيالا بعاد المعلومة فيئان رسم السطوح اسهل من رسم الإجسام التي ذكرت ساءها فيسان الطريقتين الاوليين يحتاج ان نستعمل الطريقة الاخبرة والكن ليس كالستعماونها في علم تطبيق الحبر بالهندسة لمعرفة نقطة في الفراغ ولدى اظهرالهندسة الا فقد كانمن اده الاختصارة اكتني بسطعن عوضا . علوح لا جل وحود نقطة في الفراغ ولذلك صارت عنالاحتماي الهندسةا مة ولكن أفاء ... ـ المي التعب الذي يحصل

للڙنسـ '

#### في بان تعاريف الهندسة الوصفية

ا الخطالذى يستمى خطاراسيا هوالعمود الواقع على سطيح الماء نراكدكاء المحيط اوالخط الذى يتبع الجسم في وقوعه من اعلى الى اسفل والخطط العمود على الخط للذكور يسمى خطا افقيا

اللط المنسوب لنقطة اوجه لق نقط مكلفة بقاعه واحدة اسمى رسماهندسيامة الرسم الهندسي المنسوب لمراكز الدوائر المتقباطعة بنقطتين معلومتين \* هوالخط العمود على الخط الواصل بين النقطت بن المذكورين وكذلك الرسم الهندسي الخياصل من المعادلة \* ف (سمرصم) عن موالخيط المرصك من النقط المنتهية من قيمة ي سم و صم اللتين يصلحان للمعادلة المذكورة

موقع العمودالنمازل من نقطة على سطح يسمى مسقط الهذه النقطة ومسقط خط على قطح هو الله المركب مينج يجمع واقع العواميد النازلة من جميع نقط الخط المرقوم على السطح المذكور (شكل ١)

النقطة والخط عكن اسقباط كل منهما على سطيم من غير انزال عدان على هذا السطيح ولكن يلزم ان تكون الخطوط النسازلة على السطيح موازية للطعنير في

استعمال المساقط دازمان بتدا بالذي الاسهل مسقطا وهوالنقطة بلذلك يفرض في الفراغ سطحان مستويان عودان على بعضهما وغيزه مامن بعضهما يفرض في الفراغ سطحان مستويان عودان على بعضهما وغيزه مامن بعضهما بتسمية الاول سطحان في الفقيا والشافي سطحاراً سياوهذان السطحان يسميان ايضا سطحى المسقط وخط تقاطعهما يسمى خطالارض اوفصلام شركا مسقط النقطة التي في الفراغ على السطح الافقي يسمى المسقط الافقي لهدنه النقطة وكذلك مسقطها على السطح الراسي يسمى المرقط الراسي وانتضا مسقط خطعلى السطح الافقي لهذا أنظ ومسقطه على السطح الراسي يسمى المسقط المنتوية خط السطح الراسي يسمى المسقط الراسي وانتضا مسقط خطعلى السطح الراسي الخط المنتوية خط السطح الراسي يسمى المسقط الراسي وانتضا السطح الراسي يسمى المسقط الراسي وانتضا السطح الراسي يسمى المسقط الراسي المسقط المنتوية خط الراسي يسمى المسقط الراسي يسمى المستوية المستوية خط الراسي يسمى المستوية المستوية خط الراسي يسمى المستوية المستوية خط الراسي يسمى المستوية المستوية

تقاطع المسطح الافقى يسمى الاثر الافق لهذا السطح وخط تقاطع السطح الرأسي يسمى اثراراً سياللسطح المذكر

• طفا أم قطانقطة في الفراغ على سطعى المسقط يمكن ادر الدموضع هذه النقط وعلم على المسقط عندة النقط والمنافقة والمناطع هذين العمودين هي النقطة المطلوبة بحيث ان هذه النقطة يلزم ان وجد على كل من العمودين المذكورين (شكل؟)

اذاوجدت نقطتان على سطعى المسقط فغالبالاتحكونا حادثتين من تقطة واحدة فى الفراغ ويفهم ذلك بانزال عود على خط الارض من كل واحدة من النقطتين المذكورتين فاذا كان هذان العمودان يتقادلان في نقطة وأحدة على خط الارض يعلم من ذلك ان النقطتين حادثثان من نقطة واحدة واذالم يحصل ذلك فها تان النقطت ان ليستا مسقطى نقطة واحدة والاثبات على ذلك حيث ذكرسا بقاانه اذاعلم مسقطى نقطة فى القراغ على سطعى المقسط فتوجد هذه النقطة با قامة عودين على هذين السطي بن من نقطة المسقط فنقطة التقاطع هى النقطة المطلوبة لانه اذا وكذلك على خطتقاطعهما فطاتقاطع السطي بصير عودا على سطعى المسقط وكذلك على خطتقاطعهما فطاتقاطع السطي بصير عودا على سطعى المسقط يصير عودا على سطعى المسقط يصيران ايضاعودين على خط الارض ويتقاطعان بنقطة واحدة على هذا المرض ويتقاطعان بنقطة واحدة على هذا المرض ويتقاطعان بنقطة واحدة على هذا المرض ويتقاطعان بنقطة واحدة على هذا

العمودالنازل من المسقط الرأسي على خطالاري هومقدا را وتفاع النقطة الفراغية على السطم الافق والعمود النازل من المسقط الافق على خطالارض هومقدا را رتفاع النقطة في الفراغ على السطم الراسي لان هذين العمودين موازيان وعساويان للعمودين النازلين من النقطة الفراغية على سطعى المسقط حيث ان الجمودين النازلين من النقطة الفراغية على سطعى المسقط حيث ان الجمع اضلاع مستطيل واتحد

(شكل ٢) اذاكانت نقطة على سطح من سطعي المسقط تكون مسقطاً لتفسم على ذلك السطح ومسقطها على السطح الاخر هومو قسع العمود

النازل منهاعلى خطألارض

آ وقديع مقد لرخط وموضعه في الفراغ من بعداد والنمسة طيدي سلمه المسقط (شكل ٣) لا نما اذا فرضنا نقطة ا من الخط الفراغي المجتم ولي المسقط على السطى الا فق عودا من هذه النقطة فجد مسقطها الا فق سعى المسقط الا فق الذي هو م الخط المجهول وإذا الزلنا من نقطة سائق طلق النقطة المجهولة عود سرح على خط الارض واقنا من نقطة م ايضاعودا على هذا أنخط فهذا العمود يقتل عالمسقط الراسي بنقطة المسقط السقط الراسي منقطة المسقط المسقط المجهولة و بالمحمد فقطة المسقط المقط المحمد في في المسقط الراسي فقطة المسقط المحمد في في المسقط الراسي فقطة المسقط المحمد في المسقط الراسي في المستقط الراسي في المسقط المحمد في المستقط الراسي في المستقط الراسي في المستقط الراسي في المستقط المحمد في المستقط المحمد في المستقط المحمد في المحمد في المستقط المحمد في المستقط المحمد في المستقط المحمد في المستقط فتقاطع كل في المستقط فتقاطع كل في المحمد في المناط اللازم في المحمد في المناط اللازم في المحمد في المناط اللازم في المحمد في المستقط فتقاطع كل فالمحمد في المناط المركب من تلك النقط هو المطاوب

الى الانقداستعملنا سطحين لمعرفة نقطة اوخطف الفراغ من بعداد والمعسماعلى هذين السطحين واحتى هد داليس هو المقصود بل المراد وجوده ما باستعمال سطح مسستووا حد فلاجل بلوغ المراد نفرض ان السطح الرأسي يدور حول خط الارض الذي هو خط تقاطع سطحى السقط السطح الرأسي يدور حول خط الارض الذي هو خط تقاطع سطحى السقط في هد ما الدورة مسقط سم الراسي لنقطة م في الفراغ يرسم قوس دائرة سم شمد فيث ان خلط سم هم لم يزل عودا عدلي خط الارض دائمة على مسقطى ف و سم يصيران على عمر در حلوع لي خط الارض الارض

الشكل المسطح المستوى الذي يورى جسمايسمى مرو عيالهذا الجسم فلاجل معرفة الاجسام المرسومة على سطح مستووا و درام ان

ينظرالسطير الرأسي كانه رجع الى حالته الاولى اعنى عمودا على السطح الافقى ( " - " typ ( " ) د الله قد د كرنافيام ان الهندسة الوصفية تحتاج الى سطعين مستويين ولكن لم نذكرما السبب فى ذلك والسبب علنا انه تستعمل ثلاثة سطوح مستوية لوجود نقطة فى الفراغ فى علم تطبيق الجبرعلى الهندسة لان معرفة كل مسقط عا سطح تحتاج الى خطين عمودين على بعض مثلا لمعرفة المسقط الرأسي يلزم خطا اسم واصم عودين على بعض (شكل ١٠٠٠) وكلفالنالمسقطالافتي يلزم له خطسا ار و اط عجودين على بعض وآلمل خطا اصه وراط يحدثان ينهما سطعامستويا ثالثاة هذاالسطع هواللازم لعلم تطبيق الحبرعلى الهندسة ولكن لافائدةله ف الهندسة الوصفية قدفرضناان السطعين المستعملين فعلم الهندسة الوصفية غير محدودين ولكن يحدث بينهمااربع زواياكل نقطة فراغية يوجدلها موضع في احدى تلك الزوابا فيعتساج اليحث على وجودهذه النقطة في اى زاوية كانت بعدادراك مسقطيهاعلى السطعين المذكورين واولااذافرض ان نقطة م التي في الغراغ موضوعة في الزاوية العليا التي على اليمن (شكل ٧) فسقط اها الراسي والافق هما ف و سم فاذاقدرنا ان السطيم الراسى بدورحول خطالتقاطع حتى يصير سطحا واحدامع السطيح ألافق ففي هذه الدورة نقطة سه ترسم قوس دائرة وتقع على نقطة سه فسقطا النقطة المذكورة بوجدان على سطحى المسقط كافي (شكل ٨) ثانيا اذاكانت نقطة م التي في الفراغ موضوعة في الزاوية العليا التي على الشمال (شكل ٩ )فسقطاها الرأسي والا فقي هما ف و سم سه الرأسي يدور حول خط التقاطع حتى يصر سطعا 9 17 النقى فنى هذه الدؤره نقطة سم ترسم قوس دائرة ولتداامع وتقع عل مر ف عطا النقطة المذكورة يويدان على سطحى المسقط

ثالثا اذافرض ان نقطة م التى قى الفراغ موضوعة فى الزاوية السفلى التى على المين (شكل ١١.) فسقطاها الرأسى والافقى هما ف و سم فاذاقد رنا ان السطح الرأسى بدور حول خط التقاطع حتى يصمير سطّحا والعدا مع السطح الافتى فنى هذه الدورة نقطه سم ترسم قوس دا ترة وتقع على أسم فسسقطا النقطة المذكورة بو بحدان على سطعى المسقط كافى (شكل ١٢)

رابعااذافرضناأن نقطة م التى فى الفراغ موضوعة فى الزاوية السفلى التى على الشعال (شكل ١٣) فسقط اها الراسى والافق هما ف و حد فاذا قدرنا ان السطيح الراسى يدور حول خط التقاطيع حتى يصير سطح اواحدا مع السطيح الافتى فتى هذه الدورة نقطة سم ترسم قوس دا ترة و تقع على نقطة شم ويوجد مسقط النقطة المذكورة على سطيعى المسقط كافى (شكل ١٤)

۱۰ مسقط الخط المستقيم على سطعى المسقط هما خطان مستقيان ( شكل ۱۰ )

السطح الماد يخط فى الفراغ وبعمو دنازل من نقطة من هذا الخط يسمى سعليا

ا الفاكان خط موازيالسطى من سطى المسقطة منقطه على السطى الثاتى هو خطمواز خط الارض لانه اذا فرضنا سطى المقوط امن الخطاله على فهذا المسطى يصيرموازياللسطى المسقطى المذكورو خط تقاطعه بهذا السطى هو خط مواز خط الارض لان خطى تقاطع سطى متوازين بسطى نالث هما متوازيان فهذه القاعدة تحرى على خطمستقيم وخط المحدن مستويا

الفاكان خطمستقيم عوداعلى سطحى المسقط فسقطه على المسطح يكون خطاعودا خلال السطح الثانى يكون خطاعودا على خط الارض فالا ثبات على القاعدة الاولى ظاهر ولما القاعدة الثانية فشرحها هوالاتى نفرض خط اسعوداعلى السطح الراسى (شكل ١٦) وننزل عوداعلى السطح الافق من نقطة من فالسطح المسقوط المنشأ من هذين العمودين يكون عوداعلى سطعى المسقطو المنشأ تقاطعهما الذي هو خطالارض فجميع المطوط المرسومة على السطم المذكور هدذا هي عواميد على خط الارض وكذلك مسقطا المطالمة حكور وهذا هو المطوف

اذاكانخط متداعلى سطيح من سطعى المسقط فهذا الخطه ومسقط تقسد على ذلك السطيح وهسقطه على السطيح الشاني هو بحزء من خطالا رص محصور بين العمود ين النازلين من طرفيه على خط الارض

الما اذا كانخطان متوازين في الفراغ فسقط اهما عدلي السطيح الرأسي وغلى السطيح الافق هما ايضامتوازيان لان السطيعين المسقوطين من كل من المنطبع المنطبع الافق متوازيان فخط اتفاطعهما السطيع الافق متوازيان فخط اتفاطعهما به السطيع المنوازين

المراب عزامن خطمستقيم موازيالسطيم من سطيعي المسقط فسقطه على المسليم مسلولة على المسليم مسلولة على المسليم مسلولة على المسليم المسليم المسليم المسليم المسليم المسلم المسلم

## في بيان تعاريف السطوح

ع ١ اذا كان خطان مستقيان متقابلين في الفراغ فهذان الله الدوالفراغ الذي منهما تحدث سطعامستوبا

خطانقاطع سطح بسطعي المسقط هما الخطان المنتخبان لوجود هذا السطع الان ادواكه ما يسهل وحيث ان السطع المذكور لا يمكنه ان يقطع خطالارض الا ينقطه واحدة فن ذلك يقهم ان خطى التقاطع المذكورين الزم ان يتقابلا في نقطة واحدة من نقط خط الارض وهذان الخطان هما المسميان ساخيا الرالسطيم

اذاكان اثرمن الاثرين يتقاطع بخط الارض فنقطة التقاطع تصيرمشتركة بين الداكان اثرمن الاثرين يتقاطع بخط الارض فنقطة التقاطع تصيرمشتركة بين السطم المذكوروخط الارض وهذا لا يمكن المكونهم امتواز بين بالفرض ١٦٦ اذاكان سطم عودا على سطم من سطمى المسقط فاثره على السطم الثانى هوخط عودا على خط الارض لانه اذا فرضنا مثلا ان السطم المذكور اعمود على السطم الافق فاثره على السطم الرأسي يصير عمود لعدلى السطم الافق وكذلك على خط الارض

۱۷ اذا كانسطى عموداعلى خط الارض فاثراه يصيران عموداواحداعلى هذا الخط

الدعوى الاولى العملي

(شكل ۱۷) اذاعلم مسقط أخطم ستقيم على سطحى المسقط واريد استخراج نقطى تقابل الخط المذكور بالسطحين المذكورين لفرض ال خطالارض و ح و هو مسقطا الخطالمعاؤم و يعد ذلك تمد خط حو الى ان يقطع خطالارض من هذه النقطة وتمده حى يقطع هو ينقظة ح فهذه النقطة هى نقظة من هذه النقطة وتمده حى يقطع هو ينقظة ح فهذه النقطة هى نقظة تقاطع عمل النائط الفراغى مع السطم الراسي وكذلك يفعل لا يجاد نقطة تقاطع عمل المنافظ الفراغى مع السطم الراسي وكذلك يفعل لا يجاد نقطة تقاطع على المنافظ الفراغى مع السطم الراسي وكذلك يفعل لا يجاد نقطة تقاطع على المنافظ الفراغى مع السطم الراسي وكذلك يفعل لا يجاد نقطة تقاطع على المنافظ الفراغى مع السطم الراسي وكذلك يفعل لا يجاد نقطة تقاطع على المنافظ الفراغى المنافظ الفراغى المنافظ المنافظ الفراغى المنافظ المنافظ الفراغى المنافظ المنافظ المنافظ المنافظ المنافظ الفراغى المنافظ المنافظ

الخط المذكورمع السطي الافق عدخط وه ايضاعلى استقامته حق يقطع خط الارض في نقطة ط ونقيم عودا على خط الارض من هذه النقطة عي نتهى الى خط ح و بنقطة و فهذه النقطة هي المطلوبة في شكل هذه المستلة فرضنا ان الخط الفراغي بقادل سطيعي المسقط بنقطتين في شكل هذه المستلة فرضنا ان الخط الفراغي بقادل سطيعي المسقط بنقطتين المسلمة عن المستقط من ورائهما فطر بقة وجود نقطتي التقابل هي كاعرف عنها سابقا ولكن بلزم ان الخطوط المرسومة من ورائ سطيعي المسقط كور مناهم منقوطة كافي (شكل ١٨)

# الدعوى الثانية العملي

(شكل ١٩) اذاعلم المسقط الافق انقطة واثر اسطع مأر بهذه النقطة واريد استخراج المسقط الرأسي الحادث من النقطة المذكورة

تجعل نقطة م المسقط المعلوم وخطى الله و الد الاثرين المعلومين فاذافرضناخط امستقيما فىالسطح المعلوم من النقطة الفراغية التي مسقطها م فالمسقط الافق لهذا الخط عرمن نقطة م وهو ه ه فاذا وحدنا المسقط الرأسي للغط المذكور يسهل علينا وجود المسقط المطلوب للنقطة المعاومة فلاجل ذلك ننبه اولاان الخط المفروض في السطير المعلوم لاعكن مقبابلته بالسطيح الافق الابقطة سننقط الاثرالافقي للسطيع المعلوم وكذلك هذه النقطة يلزمان توجدعلي المسقط الافق للغط المفروص فنقطة تقاطع هذين الخطين هي النقطة المذكورة ويعدد لك اذا انزلنا عود وم على خط الارض حيثان نقطة و هي من نقطة الخط المفووض من ذلك م تصيرمن نقط المسقط الرأسي الغط المفروض فنجد يفهسا اعرفة نقطة ثانسة ولالك غدخط ف د على استقاسته هذا ا منفط الارض في نقطة ب منهذه النقطة هي المسقد الافقى حتى ط المغروض بالسطيح المعلوم فاذاا قناع وداعلى خط الارض لمقط

من نقطة ع فالنقطة المذكورة توجد اولا على هذا العمود وثانيا على الاثرارا أسى للسطم المعلوم فنقطة تقاطع هذين الخطين هي النقطة التى من نقط الخط المفروض فاذا وصلنا نقطة ها بنقطة ها و خط ها ها ها المسقط الرأسي الخط المفروض والمسقط الرأسي النقطة الفراغية التي مسقطها الافق نقطة م وجد على خط ها و وعلى عود م القائم من نقطة م على خط الارض فنقطة التي هي تقاطع خط م الحي خط ها م التي هي المسقط المطاوب

ويمكن ان تعلهذه الدعوى بطريقة سملة ولكن ليست عومية كالطريقة. السابقة (فشكل ٢٠ يغنى عن شرح هذه الطريقة وبه يوجد المسقط المجهول النقطة المعلومة الربية الدهمة الربية الدهمة الربية الدهمة الربية الدهمة الربية الدهمة المعلومة

. الرسم الوصفى الأول المعلى المعلى الدعوى الثالثة العملي

(شكل ٢٦) أذااريدامتدادخط مستقيم موازلخط مستقيم معلوم أيضا فى الفراغ من نقطة معلومة فيه

غعل شو و مسقطی النقطة المعلومة وخطی ا و سه مسقطی المطالمستقیم المعاوم فن بعدماذ کرسابقاانه اذا کان خطان فی الفراغ متوازین فساقطم ماتصیرایضامتوازیة و کذلا هذان المسقطان عران عسقطی النقطة المعلومة ومن ذلا ا دامد دنامن نقطی ن و و کطین موازیین للمطی ا و سه فهذان المطان یصیران مسقیطی الحط المطلوب واد اارد نابعد دلا وجود طول ای مقدار برعمن الخط الذی مسقطاه و ادارد نابعد دلا وجود طول ای مقدار برعمن الخط المذی مسقطاه ان تحیی و ن مشیعلی عمود واحد علی خط الارض کافی (حد و ) این تحیی و نمشی علی عود واحد علی خط الارض کافی (حد و ) دیشان تلک الاطراف هی مساقط اطراف الجزء الذی فی الفراغ و بعد ذلک اذا فرض ان حشه و هو فی مسقط الجزء المط الموازی من المط الموازی فیدان الجزء المط الموازی فیدان الجزء المط الموازی فیدان الجزء المط الموازی فیدان الجزء المط الموازی

المنفرف والاضلاع المباقية واحدمنها هوالمسقط الأفق للجزء المطلوب والاثنيان الاخوان هما ارتفاعا الحراف جزء الخط الفراغى على السطح الافق وهذان الارتفاعان مقدارهما ك فوات هو (حده )فاذا فرض بعد ذلك ان شبه المنحرف يدور حول ح شه حتى بنطبق على السطح الافق في خط و شه لم برالا عود اعلى خط و شه فيث ان مقدارى في ف و شه معلومان فاذا اقنيافي السطح الافق عودين من نقطتى ح و هشه وقطعنا عليهما مقيارى شهم و ح ه مساويين لارتفاعى ف ك و هد مقيارى شهم و ح ه مساويين لارتفاعى ف ك و هد وصلمان بنقطتى م و ح ه مساويين لارتفاعى ف ك و هد و وصلمان بنقطتى م و ح ه مساويين لارتفاعى ف ك و هد

الحل الثاني

اذامددناخط و موازیانطط و شم داخدل شده المنحرف الذی هو رح شم (شکل ۲۱) فطول الجز المطلوب پدرله بوترمثلث القام ازاویه م و داندی له ضلع مساوللمسقط الافق من الجز المذکوروالضلع الثانی م ر هومسقط تفاضل ارتفاعی الجز المذکور علی السطیح الافق فاذامدد تا خطیاموازیانط الارض من نقطة م واخذنامقد ار حشم علی ذلك انطط مساویا ناط شم ت و و صلفایین نقطتی ت و فی نقط ت ن تصیره قدار الجز المطلوب

الحل الثالث

(شكل ٢٦) نفرض ان خطى ال و شد مسقط اجزء الله فى الفراغ في عرفع من بعد ماذكر سابقا اله اذاكان خطموا زيا اسطح من سعله مي المسقط في عرف الله على السطح المذكوريساوى المغطنفسه (حده ١) فن ذلك اذا قرضنا ان الخطالمذكوريد ورحول النقطة التى مسقط اها و د حتى يصير موازيا للسطح الرأسي فني هذه الدورة نقطة ( ١ من ) ترسم قوس دائرة مؤازيا للسطح الافتى فسسقط هذا القوس على السطح الرأسي خدط مستقم موازيا للسطح الافتى فسسقط هذا القوس على السطح الرأسي خدط مستقم

مواذ خط الارض فهذه الصورة مسقط الخط الفراغى على السطم الافق وسيرخط سده فاذا الزلنا عودا على خط الارض من نقطة ه فهذا العمود يشتمل على مسقط الطرف المتحرك من الخط الفراغى في مكانه الات كن هذا المسقط يوجد ايضاعلى خط و و فنقطة التقاطع ف هى المسقط المطلوب واذا وصلتابين نقطتى ف و و خط ف و هوالمستد أسى الخط المعاوم حين جعل موازيا الشطم الراسي و بعد ذلك خط ف و وطول الجزء المطلوب فاذا اطلعناعلى وسم هذا الحل تجده مشابه الرسم وطول الجزء المطلوب فاذا اطلعناعلى وسم هذا الحل تجده مشابه الرسم وطول المنات

الدعوى الرابعة العملي:

(شكل ٣٣) اذااريد امتداد سطح موازلسطح آخرمن تقطة مغروضة فى الفراغ نفرض خطامستقيما كل ما كان فى السطح المعلوم وتحد خطاموا زياللخط الاول من النقطمة المعلومة فالسطح المذى عمر بالخطالموازى هوالسطح المطلوب فلاجل رسم ماذكرناه على سطحى المسقط نفرض انخطى الواد وات اثراالسطح المهلوم وم و ه مسقطا النقطة المطلوبة ونفرض خطامستقيما فى السطح المعلوم فسقطه الافق يكون كه وبوجد مسقطه الرأسي وشركام وتجد خطاموا زياللخط المفروض فى السطح المطلوب فسقطاهذا الخط يصيران موازيين خطى كه و و مشر وهما م و هم وحيث ان السطح المطلوب يلزم ان يشتمل على هذا الخط فنقط شاتقا بله مع سطحى المسقط يصيران من نقطا ثرى السطح المطلوب فاذامد و ناخطين موازيين المطلى المدون عن فهذان الخطان يصيران المطلوب فاذامد و ناخطين موازيين المطلى المدون فهذان الخطان يصيران المطلوب فاذامد و المطلوب فاذام المطلوب فاذام المطلوب فاذام المطلوب فاذان الخطان يصيران المطلوب فلطلوب فاذان الخطان يصيران المطلوب فلطلوب فاذان المطلوب فلطلوب فلطلوب فلطلوب فاذان المطلوب فلطلوب فل

الملي الثاني ين سين

عوضاءن ان يفرض خط كل ما كان فى السطيح المعلوم يفرض خطيكون مسقطه الافق موازياللا ثرالافق من السطيح المعلوم وبتم وجود اثرى السطيح

المطلوب كاذكرناف الحل الاول

الدعوى الخامسة العملي

اداعممساقط ثلاث نقط فى الغراغ واريدرسم سطح مستو ماربد و النقط نصبل النقط فى الفراغ بخطوط مستقيمه و نأخذ خطب بن منها و نبعث عن وجود نقط تقابل هذين الخطين بوطحى المسقط فهذه النقط تكون من نقط الرى السطح المطلوب فا داوصلت بين كل تقطت منها بخط مستقيم فهذا ن الخطان يصيران اثرى السطح المطلوب وادا بحثنا ايضاعن وجود نقطى مقيابل الخط الشالت بسطحى المسقط تجدهما على اثرى السطح المطلوب فذلك بنظر كبرهان حقيق اهذا الحل (شكل ٢٤)

الرسم الوصفى الشاتى \* -الدعوى السيادسة العملى

اذا كان سطيان معاومين فى القراع واريد استخراج خط تقاطعهما شكل 7) نفرض ان خطى اثوا سرا الرالسطي الاول وخطى سود و ثد و اثرالسطي الدالى فظ التقاطع المطلوب يلزمان يكون فى السطيح الاول وكذلك فى السطيح الثانى فنقطتا تقابله بسطيرى المسقط يلزم ان تكونا على اثرى السطيح الثانى ويقهم من ذلك ان نقطتى سروث اللاسطيح الاول وكذلك على اثرى السطيح الثانى ويقهم من ذلك ان نقطتى سروث المتناهم والمناهم المناهب والمناهم المناهب والمناهم المناهب والمناهم المناهب والمناهم المناهب والمناهب و

أن هذه الاستار توجده لى حالات اخر على سطعى المسقط ولذلك يلزم ان تذكر الله الحالات

الحالة الاولى اذا كانت اثار السطعين المعلومين متوازية على سطعي المهقط فغالبايكون هذان السطعان متوازيين لانه اذاكانت الاسمار متوازية فلايمكن تقاطع السطعين المعلومين والكن اذا كانت تلك الاتنار سوازية لبعضها وايضاناه الارض فني هذه الحالة يمكن تقاطع هذين السطيين فلاجلوجودخط تقاطعها تجعل (شکل۲۶)خطی ه ن و ۱ ر اثری السطیم الاول وخطی حشه و شد اثری السطیم الثانی فیمیدا الوضم السطعمان المذكوران يتقاطعان واذا انزانيا سطعا عؤدا على خــط الارض فاثراه يحڪونان و شہ و و ب وتنظران نقطتي - و د من نقط الاراطسطعدين المعلومين على السطيم الشالث فبعد ذلك اذادورنا السطيح الشالث حول خط وشم حتى شطبق على السطيح الافق فكل نقطة من نقطهذا السطح ترسم قوس دائرة في سطح عوداعلى وشه وبهذه الصورة نقطتا مو و ويوضعان على خط الارض فی نقطــی م و ۵ فاذ ا وصلنــا بین نقطتی ف و م وبین نقطتی شه و ١ فطا قم و شه ١ يصران المسقطين الافقيين العنطين اللذين في الفراغ الواصلى بين نقطتي ف و ح ونقطتي ف و د فالخطان المذكوران يتقاطعان بالنقطة التي مسقطها ع فهذه الفقطة هى تقطة مشتركة بين السطعين الاولين ولكن واقعة على السطم الافتى والنقطة الفراغية التي وضعت على نقطة ب بعد التحرك رسمت قوس دائرة موازية للسطيم الراسي ومستقطها الراسي رسم ايضاقوس دائرة مساوية للاولى فاذاانزلنا عبوداعلى خطالارض من نقطة ك فنقطة الموقع ك تصعير المسقطالاسي للنقطة الفراغية الموضوعة عليه فالنقطة المشتركة سزالة طعن الاولينهى على خطبقاطعهما ولمامسقط افق على خط مواز لخط الارض وجمدودمن نقطة ے فاذامد لانا هذا الخطيكون المسقط الافق لخطالتقاطع المطلوب وبعد ذلك اذا فرضنا نقطة م كركز وببعد و ك يرسم قوس دا رق سي فنقطة سم تصير المسقط الراسي للنقطة المشتركة بين السطعين للمعلومين وحينئذ اذامد دنا خطاموا زيا لخط الارض من هذه النقطة فهذا الخطيصير المسقط الراسي خلط تقاطع السطعين المعلومين ويدرك هذا الخط بعدمع وفة مسقطيه

### الحالة الثانية،

لذا كان اثراالسطعين المعلومين متوازبين على السطع الافق والاثران الراسيان يهي المعان فلاجل وجود خط تقاطع السطعين المذكورين نقرض خطاافقي امواليا للاثرين الافقين السطعين المعلومين فالمسقط الراسي لهذا الخط (شكل ٢٧) يصير موازيا فحط الارض فاذا مددنا خط ع موازيا فط الارض من نقطة و التي هي نقطة تقاطع الاثرين الراسيين السطيين المعلومين فهذا الخط هو المسقط الراسي خط التقاطع المطلوب وامامن جهة المسقط الافق فتزل عود ح على بخط الارض من نقطة و وغد خط ع و المستقيم موازيا للاثرين الافقين من نقطة الموقع ع فهذا الخط يصير المسقط الافق خط التقاطع المطلوب ويفعل كاذ كرنا اذا كان الاثران الراسيان متوازبين على السطاع المطلوب ويفعل كاذ كرنا اذا كان الاثران

#### الحالة النالثة

اذا كانت آثار السطعين المعلومين لا تتقاطع على سطيعى لمسند في ورقة لرسم فلاجل وجود خط تقاطعهما على هذه الورقة ننطع السطيين لمعلومين بسطيع قائم مواز للسطيح الراسي فخطا تقاطع عذا السطيع بالسطيعين لمعلومين وصيران موازيين للاثرين الراسيين من المسطيعين المازكورين في فهم بعد ذنت نقطة من كل من مسقطى خطائت قاطع المطلوب واذ قطعنا ايف سديد المعلوب في من مستنى خط انت طع المطلوب فيعد ذلك يسمل ادراك مسقطى هذا نفيذ والخطافة من المطلوب فيعد ذلك يسمل ادراك مسقطى هذا نفيذ والخطافة المناسة على هذا المعلوب فيعد ذلك يسمل ادراك مسقطى هذا المفاوت في عدد المناسبة على المعلوب فيعد ذلك يسمل ادراك مسقطى هذا المفاوت المختلفة المناسة على هذا المناسبة على المناسبة

## الدعوى السابعة العمل

اذاعلم خط وسطے فی الفراغ وارید وجود مسقطی نقطة تقابل انظابالسطی عمومالا جل وجود نقطة تقابل سطے بخط عدسطے من الخط المذخور ایقطع السطین المفط المعلوم منعخط تقاطع السطین المذکورین هی التفطة المطلط الموبة ولا جل رقیم هذا التعبیر (شکل ۲۹) المذکورین هی التفطة المطلط المعلوم و و ه و ن و مسقط المخط المعلوم و بعد ذلك نبعث عن نقطی تقابل هذا الخط المعلوم و بعد ذلك نبعث عن نقطی تقابل هذا الخط المعلوم و بعد خطی شم و سرم المستقین من ها تین النقطة بن بشوط ان یتقاطعا فی نقطة واحدة علی خط الارض قهذا ن الخطان هما الراالسطی المذی د کرناه سابقا و بعد فلك نبعث كامی علی مسقطی سسم و شرس اللذین هما مسقط اخط المنافع می و شرسی اللذین هما مسقط الخط المعلوم فنقطت المنافع ع و ف هما مسقط النقطة المطلوبة فاذا كان الرسم صحیحا بلزم ان يكون مسقط النقطة المطلوبة فاذا كان الرسم صحیحا بلزم ان يكون مسقط النقطة المطلوبة علی عود واحد علی خط الارض

# الحل الثاني

يمكن مرورسطے قائم بالمسقط الافق الخط المعلوم وبقية الجل تم بطريقة مشابهة لطريقة المالاول بنظر (شكل ٣٠)

### "لبيدمفييز

الخطالمعلوم عكن ان يكون راسيافلا جل وجود مسقطى نقطة تقابله بالسطيع المعلوم نجعل (شكل ٣١) ان خطى سا و ثا هما اثر السطيع المعلوم وحيث ان الخط المعلوم راسى فسقطه الافق هونقطة و وميكقطه الراسى هو عود ات على خط الارض فاذا فرضنا سطيما من هذا الخط فهذا السطيم يصير غيرمنته ولا ينفع بشئ فلاجل بلوغ المراد نفرض

آنهذا السطع يكون موازيا للسطع الرأسي فاثره الافق يصيرخط مدا موازيا لحط الارض وهذاالسطع يقطع السطع المعلوم بخط مواز لحط ما لانهذين الخطين هما تقاطع سطعين متوازيين بسطع ثالث فنقطة والتي هي على الاثرين الافقيين هي نقطة تقابل خط تقاطع السطعين المذكورين السطع الافق وحيث أن الخط المذكور لا عكن مقابلته بالسطع الافق الافق الافق الافق الافق الافق الافق الافق الافق فاذا اسقطنا نقطة م على السطع الما تقاطع السطع المفروض مع السطع المعلوم هي من ومن نقط المسطع المعلوم المعلوم المنافع الما المسقط الراسي خط مستقيم مواز خط مدا ومحتدمن وحيث اندا فعل المسقط المعلوم المسقط الراسي للنقطة م التقطة ما التقطة المطلوبة المسقط الراسي للنقطة المطلوبة

عكنان نفرض ايضاان الاثرالافق للسطيح الموازى للسطح الرأسي يكون موازيا نلط السطح الرأسي يكون موازيا نلط السطح المشقة

الرسم الوصفى الثالث الدعوى الثامثة العملي

اذا كانسطے معلوم في الفراغ ونقطة واريد انزال (شكل ٣٢) عودامن تلك النقطة على هذا السطے ووجود نقطة تقابل هذا العمود بالسطے المعلوم تنبه اولااته اذا كان خط عودا على سطے قسسة طاهذا الخظ عودان ايضا على اثرى هذا السطے لان السطے المسقوط من الخظ العمودى على السطے الافق عود على السطے الافق عود على السطے المعلوم فالاثر الافقى للسطے المعلوم خط تقاطم سطے بن عود بن على السطے الثالث الذي هو السطے المسقوط فالاثر المذكور عود على كل خط محتد من موقعه على السطے المسقوط فالاثر المذكور عود على كل خط محتد من موقعه على السطے المسقوط فالاثر المذكور عود على كل خط محتد من موقعه على السطے الماسة وطفيكون عود البضاعي المسقط الافق فلاجل وجود مسقطى الثالث العمود المجمول كا بحث عن المسقط الافق فلاجل وجود مسقطى الراسي للعمود المجمول كا بحث عن المسقط الافق فلاجل وجود مسقطى

العمود المطلوب ننزل عودين على اثرى السطيح المعلوم من مسقطى النقطة المعلومة فهذان العمود ان مسقط االعمود المطلوب

اذاكان مسقط خط مستقم عودين على اثرى السطع فعمو ما هذا اللط عود على هذا السطع والكن هذالا يصدر صحيحا اذاكان اثرا السطع موازبين للطالارض لانا نعلم ان مسقطى العمود على السطع المعلوم لا يصدان الاعلى عود واحد على حط الارض من هذين عمود واحد على حظ الارض من هذين المسقطين فكل خط من خطوط هذا السطع يصدير مسقطاه على اثرى السطع المعلوم ويفهم من ذلا مان تلك الخطوط اعدة على السطع المعلوم ويفهم من ذلا مان تحديد يف الذى ذكر سابقاليس بعموى

. الدعوى التاسعة العملي

اذاريدانزال عودمن نقطة معلومة فى الفراغ على خط مستقيم معلوم فيها فلاجل ذلك نظرانه اذا فرضنا سطعاع وداعلى الخطالعلوم وبعد ذلك نجعل من النقطة المعلومة سطعام وازياللسطي الاول فهذا السطيح يصير ايضا عامودا على الخطالمعلوم وبقطعه فى نقطة فاذا وصلنا هذه النقطة والنقطة المعلومة بخط مستقيم فهذا الخط هو العمود المطلوب لان هذا خط عر عوقع المعلومة بخط مستقيم فهذا الخط هو العمود المطلوب لان هذا المدعوى الخط المذكور فى السطيح الذى هو عود عليه ومن ذلك يفهم ان الدعوى التى نبحث فى حلها من كبة من دعو تين حللتا سابقا والكن لاضرران نشير

نجعل (شکل۳۳) ا ب و ت عسقطی الخط المعلوم و م و ه مسقطی النقطة المعلومة فاذا انزلنا خطی ح ه و ح ن عمودین علی مسقطی ا ب و ت ع فهذان الخطان بصیران اثری سطم عوده علی الخط المعلوم واذا فرضنا خطها کیف ما اتفقی هذا السطم و مدقطه الافقی بکون و ب و نجت عن مسقطه الراسی نجده ن ک و نمدخطی د م ل موازیین لخطی د ه و و ب من النقطة المعلومة التی

مسقطاها م و ه و نعت عن نقطى تقابل خطى هع مل بسطعى المسقط وهما صم و ز قاذا مددنا خطى صدت زت موازبين لاثرى ه ف و ه م من ها تين النقطة ين قالطان المذكوران يصيران اثرى سلم عودا على الحط المعلوم وما رامن النقطة المعلومة واذا بحشا الان عن نقطى تقابل الخط المعلوم بسطعى المسقط وهما ر و صم ووصلنا بين م و روبين ه و صم غغطا م ر و ه صم هما مسقط العمود المطلوب و بموتجب مامى يمكن وجود هذا العمود

الحل الثاني

(شكل ٣٤ ) تجعلدا مخطى اس و د مسقطى المطالمعلوم و م و و مسقطى النقطه المعلومة ونفرض سعلها عودا على الخط المعلوم ولذلك تمدمن النقطة المعلومة خطام ستقياافقيا موازيا للاثرالافق المجهول السطح المذكور فسقطاهذا الخطيصيران احدهما و ه عوداعلى خط اس والاخر م ف موازيا للطالارض ونبعث عن مقطة تقابل الخطالمذكور بالسطح الراسى فهذه النقطة تصير من نقط الاثرال اسى السطح العمود على الخط المعلوم المار بالنقطة المعلومة واذا انزلنا بعد ذلك عود ف و على د ع من نقطة ف فهذا العمود هو الاثرال اسى المذكور وننزل عود و ز على خط اس من نقطة و فهذا العمودهو الاثرال النقطة السطح العمود على الخطالمعلوم وما بق العل ية فهذا العمودهو الاثرالا فق السطح العمود على الخطالم على الخطالم على الخطالم على المنافق المعلوم وما بق العل ية فهذا العمودهو الاثرالا فق السطح العمود على الخطالم على الخطالم على الحل المالا ول

الدعوى العاشرة العملي

آذاعلم سطح فى الفرنغ واريد استخراج الزاويتين الواقعتين بينسه وبين سطعى

(شكل ٣٥) مجعل اروات اثرى السطح المعلوم ونقيم من اى نقطة من نقط الاثر الافقى لهذا السطم عمودا على ذال الاثر ونفرض من هذا

المعودسط عاراسيافا لا برالسي السطع الاخبريصير خط ه م عودا على خط الارض وحينتذ اذا نظرفاالى الخط الفراغى الواصل بين نقطى م و د نجده عودا على خط الله والراوية الواقعة بين الخط المذكون وخط ه د تصير الزاوية الواقعة بين السطع المعلوم والسطع الافق ولكن اذا تاملنا نجدان خط م د وترمثلث قائم الزاوية الذى ضلعاه م و د ه ولا حل رسم هذا المثلث على حقيقته ووجود الزاوية المنطوية ندورسط م ح ول خط م ه حتى يصير سطعا واحدا مع السقطى الراسي فني هذا التحرك نقطة د ترسم قوس دا ترة بيعه ه د وتقع على نقطة ف من خطالارض فاذا وصلنا بين نقطتى م و فن فزاوية م نصير الزاوية المطلوبة

واذا بحننا الان عن وجود الزاوية الواقعة بين السطح المعلوم والسطح الراسى نقيم عود وشر على الراس الراسى ونفرض سطعاعود اعلى السطح المسقطى الراسى من خط وشر فالاثر الافقى لهذا السطح يصير خط شرت عود اعلى خط الارض وانلط الفرانى الواصل بين نقطتى ثو و يصير عود اعلى خط الدون خط الارض خط عود اعلى خط الدون خط الارض خط مرد و و شر و و و شد فزاوية شر و تصير الزاوية المطلوبة وقد مكن ايضا تدوير السطح الاول حول خط هد والسطم الذاتي حول خط شر و من غيران تحدث صعوبة

الرسنم الوصفى الرابع الدعوى الحادية عشيرالعمل

اذاكان هطيمان معلومين واريد وجود الزاوية الواقعة يتاهماعلى سطيحي

نجعل (شكل ٣٦) ا - و ان اثرى السطح الاول و د - و د ت اثرى السطح الاولى و د - و د ت اثرى السطح الثانى ونبعث عن مسقط - ه الافقى للط تقاطعهما

ولذيك يفرض في الفراغ سطعما عمودا على خط تقاطع السطعين المعاومين فيصير هذا الخيط عودا على اثرى السطيم الشالث على السطعين المعملومين فهذان الاثران يحدثان ينهم أزاوية مساوية للزاوية المطلوبة فالسطح العمودعلى خطالتقاطعه اثرافتي عموداعلى خط هرا واثراهذاالسطع على السطعين المعلومين ينتهيان الىالسطع الافق ف نقطتى ح و شد نخط ح شم هوقاعده المشلث الذي زاويته المفادلة للقاعدة هى الزاوية المطلوبة فالمقصود رسم تخذا المئلث ولاجل اوغ المراديغرض سطم قائم من خط مد فهذا السطم يعتوى على خط تقاطع السطمين المعساومين ويقطع ايضا السطم العمودعلى خط التقاطع فى خط متقايل بالمسطيح الافق فى نقطة و وبعد ذلك اذا التي النظر بوجدان هذاا للمط هو ارتفاع المثلث المطلوب ومع ذلك الخط المذكور هوعمود على خطتقاطع السطعين المعلومين فالان اذادور السطيح القائم من خط سه حق ينطبق مع السطح الافق فنقطة ث التيهى نقطة تقاطع السطعين المعلومين مع السطے الراسي ترسم في هذه الدورة قوس دائرة في سطے عودا على سه ه وتقع على نقطــة ف فن ذلك خط ــف هوخط تقــاطع السطعــن المعلومين موضوع على السطيح الافتى وحيث ان ارتفاع المثلث المذكور عود على هذا الخط فني التحرك الذى حصل لا يتغيروضع هذين الخطين الذكورين لانعانطبق السطم الذى احتوى عليهم افقط وبعد ذلك اذا افزل عود ٥ ه خط سن من نقطة ه فهذا العمود مقدار ارتفاع المثلت ـ ـ ـ ورواد ادورسطح هذاالمثلث حول خط ح شه لاجلان ينطبق على السط الذب ن النقطة في الفراغ التي هي راس المثلث المطلوب المقع على نقط ، خط مع هو واذا فرضت نقطة ه كركي ورسم قوس ت کے بیعد مساو لخلا کے فوح وبین ک و شد فزاومة ح کشد هی الزاومة الحادثة بن السطعین المعلومين الملاوية

## طريقة انحرى

يطبق السطح القائم الذي عربخط سد على السطح الرأسي عوضاعن ان يطبق على السطح الافقى فحط ئدل يصير مقدار خط تقاطع السطخين المعلومين وخط ع في يصيرار تفاع المثلث الذي ذكر سابقا ويصير مساويا نلط وك اذا كان الرسم صحيحا

إلدعوى الثانية عشرالعملي

اذا كان خطان معلومين ومتقاطعين في الفراغ واريد رسم الزاوية الحادية

(شکل۳۷)نجعلانخطی ار و سات وخطی ه و و ه ف مساقط الخطن المعلومين ولكن من حيث ان هذين الخطب متقاطعان بلزمان مسقطى نقطة تقاطعهما له و ه يكونان على عمودوا حدعلى خط الارض فاذاكان الامركذاك يبتد وجود نقطتي تقابل هذين الخطين بالسطم الافق وهما او ت ونوصل بين هاتين النقطتين بخط ات فهذاانطط والخطان المعلومان تحدث مثلث افى الغراغ والزاوية المقايلة خط ات هي الزاوية المطلوبة فيلزم ان نبعث الان على رسم هذا المثلث ولا جل دلك نعلم العنقطة م عي المسقط الافقى لأس المثلث المطلوب فاذا انزلنا عمودامن نقطة معلى خط اث فخط سو يصرالمسقطالافتي لارتفاع المثلث وخيط هر هوارتفاع رأس المثلث على السطيم الافقي فيفهم امن ذلك ان هذا الارتفاع وترمثلث قام الزاوية الذي ضلعاه الاخران هما خطی رو و هم فاذااخذناعلی خطالارض مقدار مشہ ہے۔وب ووصلنايين نقطتي هو شه فحط هشه يصيرارته عالمثلث المذكور فاذا اخذتا من نقطة ه بعد رك = هشم ووصلناس نقطتي ا و ک وبین ث و ک فزاویه اکث تصرالزاویه المطلوبه يمكن اخذالمسقط الرأسي لخط تقاضع السطيين عوضا عن ان يؤخذ المسقط

الافق لخط تقاطعهم الاجل حل المسئلة وطريقة الحلهى كأذكر ناسابقا

# سد الدعوى الثالثة عشر العملي ٠٠٠

المقصودرسم الزاوية التى تحصل بين خط وسطم معلومين فى الفراغ الزاوية الواقعة بين خط ومسقطه على سطيح يسعونها زاوية حاصلة اوحادثة بين خط وسطم ومن ذلك اذا الزلناعوداعلى السملم المعلوم نقطة من الخط المعلوم فعدان الزاوية الحاصلة بين هذا المعمودوا خط المعلوم هر عام الزاوية المطلوبة ورسم هذه الدعوى من كب من رسوم الدعاوى الستابقة فلا يلزم ان نعيد ماذكرناه سابقا واذا توقف الطالب فالينطر شكل ٣٨)

## الرسم الوصفى الخامس . الدعوى الرابعة عشىرالعملى

اذاكان خطان معلومان فى الفراغ واريد رسم بعده ما الاصغر على سطعى المسقط

متوازی الاضلاع ولکن زاویة د مشه هی تعامّة ف للجل ذلك متوازی الاضلاع هومستطنیل وخط عشه عود علی الخطین المعلومین قالان اذاوصلدانقطة د معای نقطة حیث ما اتفق مثلا و من خط آسی نجد خط د و ی مشه و نبحث کذلا علی ان کل خط واصل بین نقطتین من خطی احد و د مشهرین انلیطین المعلومین فنه من نقط می می فنه الان ان خط می مهومسقط خط د د علی سطح م ه وابضاان هذین انلیطین متو زبان لان د د مفروض آنه موازلسطے م هو انتظر ایضاان نقطة شه التی هی من نقط العمود المشترك علی انظین المعلومین هی نقطة تقاطع خط اس بحد قط د د علی سطح م ها المعلومین هی نقطة تقاطع خط اس بحد قط د د علی سطح م ها فهذا العمود هو البعد الاصغر المطاوب

النجبين خطين معدوسين فالفراغ نجعل اسود ودالبعد الاصغر الذي بين خطين معدوسين فالفراغ نجعل اسود ودي مسقطى الخيط الثانى المعلوم ونهث عن وحشه مسقطى الخيط الثانى المعلوم ونهث عن نقطة والتي هي تقابل الخط الاول بالسطح الراسي ونحد خطيام وإنيا للخط الشانى المعلوم من النقطة التي مسقطها الافق سفطاه ذين الخطين المتوازيين يصيران سد و و و و و و و و النين هما نقطتي تقابل الخط الموازى والخط الثانى المعلوم بالسطح الافق فالسطح المارم ذين الخطين يصيره وأنيا خط ه ف المنافى على السطح الموازى والخقيان يصيره وأنيا خط ه ف المنافى على السطح الموازى وم م م م م و نجعث الان عن وجود مسقط الحط الثانى على السطح الموازى المسقط من نقطة المحلوب ولاجل ذلك نتزل عمودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و م المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و المنافى المسقط في المنافى المسقط المعلوب ولاجل ذلك نتزل عودا على سطح و المنافى المن

الهموداللذانهما له و شهر المنزلان عود بن على السطح المذكور فاذا بحثنا عن نقطة تقابل هذين العمودين في الغرج بسطح ١٥ مفاتين هعمقطا هذه النقطة يصيران روح واذا مسددنا من هاتين النقطتين خطين موازيين لخط ه ف و ج شه يعلم مسقط الخط الشاني على سطح م ١ وحيث ان نقطي م و خ هما المسانى على سطح م ١ وحيث ان نقطي م و خ هما الخط الذي علناه سابقا فنقطتا م و ح هما مساقطا النقطة الخط الذي علناه سابقا فنقطتا م و ح هما مساقطا النقطة التي هي في الرسم بالهندسة العادية فاذا انزلنا من هاتين النقطة عودين على اثرى السطح المذكور فهذان العمودان يصيران عمودين المغمود المشترك على الخطين المعمودان يوسيران العمودين المغمود المشترك على الخطين المعمودان المعمودان ومزاء هذين العمودين المغرومة المنافرة المعددين المعمودين ال

اذا اربد وجود البعد الاصغرفقط بين خطبين معلومين من غير التعلق بموضعه في الفراغ قبل الدعوى يصبر مختصرا جدالانه يستحنى ادبعوف مقدار عود فازل من نقطة من نقط الله ط الشاني المعلوم على السطيح الماربالحط الاول المعلوم حيث ان الخط المستقيم الفرافي الواصل بدين نقطت في وسم هو خيط تقاطيع السطيح الماربالعمود النازل من نقطة في على سطيح و الم مع هذا الماربالعمود النازل من نقطة في على سطيح الاصغر المطلوب هو عود نازل من نقطة في من ذلك يقم مان البعد الاصغر المطلوب هو عود نازل من نقطة في من ذلك يقم على سطيح الافق في له وصم وانزلنا في من عود الحديد الاصغر المطلوب وهذا على له صم عدا العمود هو البعد الاصغر المطلوب وهذا عبي له صم عدا العمود هو البعد الاصغر المطلوب وهذا الحل يعتبر كيرهان لرسم الحل الاولى

سطعاموانياللفطئر المعلومين ومن كلمن الخطب نالمذكورين شجعل سطعاء عوداعلى السطع الاول وخط تقاطع هذين العمودين هو البجيد الاصغر المطلوب

الحزء الثاني من الهندسة الوصفية

تعاريف السطوح الظلية اوالمماسة للاجسام والخطوط العمودية على تلك

فى علم الهندسة الوصفية الخط المنعني هوخط مركب من جلة نقط متتابعة واذا حصكم على هنرة المنقط بان تكون على سطيح مستوفا الحنعني المركب من النقط يسجى خطا سخنيا مستوبا واذا كانت هذه النقط ليست على سطيح مستوفا المنعني المرصكب منها يسمى خطا منعنيا مضعف الانحناء

الخط المنعنى يعتبركشكل عنير الاضلاع عدد أضلاعه غيرمتناه وكل ضلع صغير من الشكل المذكور يسمى عنصرا واذا امتدهذا الضلع يصدخط الماساللغط المنعنى المذكور

الخط المماس لخط منحن يعتبركغط قاطع ولكن نقط التقاطع تجمع فى نقطة واحدة وهى نقطة التماس والخط العمود على الخط المماس يسمى خطا

الجسم هورسم هنددسي خط منحن ارة لا تتغير صورة هذا الخط عند تقله و تارة تتغير صورته وموضعه معاوحيث ان هذا التعريف صعب الفهم الكونه عاما يحتاج ان وضم بامثال معلومة

الاسطوانات عكن رسمها بطريقة بن نارة من تحرك خط مستقيم موازدا عما الحط مستقيم المرمه لوم ومتكى في مدة تحركه على خط من معلوم المضاوهذا الخط المنحني بسمى خط الا تكاء و تارة من تحرك خط الا تكاء في نقطة واحدة على خط مستقيم فن جيع النقط الا خرلالله الخط المنحني تحدث خطوط موازية للخط المستقيم المذكوروجيع تلك الخطوط المستقيمة المتوازية تحدث اسطوانة ويقهم من ذلك ان الخط المستقيم والخط المنحني المفروض بن لرسم الجسم الاسطواني غيرموضه هما من غيوان تتغير صورتهما

المخروطات يمكن ايضار سمها يخط مستني بداء! مقطة معلومة ويدور أخول هذه النقطة وهوم منكزعلى خط مخم سعس فاللا أه التي يمريها الخط تسمى وأس المخروط وتسمى غالبا مركز المخروط في هذه الخالة الخط المستقيم المقروض لرسم المخروط يغير موضعه من غيران تغير صورته

وبوجدطريقة اخرى لرسم المخروط واشرح هذه الطريقة بفرض ان قاعدة المخروط دائرة وهى الخط المخفى المستى سايقا خط الاتسكاو يقدران هذه الدائرة تتحرك بشرط ان مركزها لايزال على خط مستقيم ما وبحركز المخروط ونصف قطره هذه الدائرة ينقص دائما بالنسبة لبعد مركز المخروط اعنى ان نصف قطر المدائرة ينقص كل ما قرب مركزها من مركز المخروط وتصيرنقطة واحدة معمر كز المخروط حين وصول مركزها اليه

افااريدامتدادالمخروط من جهة راسه عدائط المار بهذا المركز على استقامته الى غيرالنها ية ويجعل مركز لخروط دائرة صغيرة جداوم كزها يسيرعلى الخط المستقيم المذكورونصف قطرها يزيد بالتناسب مع بعد مركز الدائرة من مركز المخروط ومن حيث انافرضنا ان الخط المستقيم لانها ية له فنصف قطر الدائرة بزيد الى غيرنها ية ومحيط الدائرة المذكورة يصير ايضاالى غيرنها ية فق هذه الحالة الخط الراسم غيرموضعه وصورته معا

الجسم المسمى تصركا هو جسم مرسوم من دوران خط منجن مستوحول خطه ستقيم موضوع في اى جهة كانت في سطيح هذا الخط المنحني في هذه الدورة كل من نقط الخط المنحني ترسم دائرة وكل هذه الدوائر عادعلى الخط المستقيم المذكور المسمى محور الجسم فالجسم الحادث من هذا التشكيل هوالجسم المطلوب و منظر بعد ذلك ان الخط المنحني لم يغير الام وضعه دون صورته

وكنالله يمكن رسم الجسم التحرك بدوران دائرة ولكن بشرط ان يفضل دائما مركزه ذه الدائرة على محورا لجسم وسطيعها عمودا على هذا آلمحورونصف قطرها يتغيركل لحظة ويصيرمساويا لبعد نقطة تقاطع سطعها بالمحور على بعدنقط تقاطع هذا السطح مع خط منهن كيف ما كان موضوعا فى الفراغ ويفهم من ذلك الكان للط الراسم تنغير صورته وموضعه معا فالثلاثة أمثلة التي ذكرت تنبه على ان جميع الاجسام عصورت معما بتعريك خطع فهن محدود

السطح المار بحدور من جسم الاجسام التحركية يسمى سطحا قاطعا جانبيا واذا كان هذا السطح عوداعلى محورا لحسم يسمى قاطعامعتدلا وخط تقاطع المعتدل بالجسم السطح القاطع المعتدل بالجسم يسمى خطاجا نبيا وخط تقاطع المعتدل بالجسم يسمى معتدلا

الجسسم المرسوم من دوران سطح قطع سكافي حول قطرمن اقطساره يسمى كافيا مجسما

اذانقدل خطراسم من موضعه لموضع المرق رسم جسم وكان موضعاه في سعليم مستووا حد قالمسم المرسوم يمكن بسطه اى انفراده ولذلك يسبى حستةم وقد رناان احدهما يدورمع الجسم حول الخطالمسة قيم المذكور واصلين بخط حي ان سطعه ينظبق على سطع العنصر الثانى وفعلنا ذلك بجميع عناصره الحسم فهذه العناصر تجتمع على سطيح مستووا حدو تحدث البساط الجسم والسطيم المستوى المذكور يسبى سطيح السطيح اوسطيح الانبساط الجسم السطيح المماس لجسم منحن في نقطة معلومة هو سطيح ما رخطين عماسين خطين منحنين ما دين بالنقطة المعلومة ومرسومين على الجسم المعلوم فلتحقيق مرسومة على الجسم المعلوم فلتحقيق مرسومة على الجسم المعلوم ومارة بالنقطة المعلومة على سطيح مستووا خد فلذال تعجمل ح م شرصورة الخط الراسم حين ير بنقطة م وضع فلذلك تجمل ح م شرصورة الخط الراسم حين ير بنقطة م وضع فل من خطام خينيا مرسوما على الحسم المعلوم المخنيا مرسوما على الحسم المعلوم متوكيا على خط ح فرش وايضا نجعل م غ خطا منحنيا ان الخطوط المماسة خطوط م ح م المحنيا المناخركل ما كان مرسوما على الحسم المعلوم ح قوما را بالنقطة المعلومة فاذا اثبتنا ان الخطوط المماسة خطوط م ح م شروكا وما را بالنقطة المعلومة فاذا اثبتنا ان الخطوط المماسة خطوط م ح م شروكا ما كان مرسوما على الحسم المعلوم م ح خطا منحنيا المناخركل ما كان مرسوما على الحسم المعلوم ح قرما را بالنقطة المعلومة فاذا اثبتنا ان الخطوط المماسة خطوط م ح م ح مناسم المعلوم منافع المست خطوط م ح مناسم المعلوم المناسم المعلوم الما المالية المعلوم مناسم المعلوم مناسم المعلوم المال المناسمة المعلوم مناسم المعلوم المناسمة المعلوم مناسم المعلوم المعلوم المعلوم مناسمة المعلوم من خطا منحنيا المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم من خطا منحنيا المعلوم من خطا منحنيا المعلوم ا

و م د و ع غ المنعنية في سطح مستووا حد فالتعريف الذي ذكرناه يصمير صحيحا ولذلك ينظرالخط الراسم في موضعه الانحين يسبرعلي خط ع و وعرينقطة مُ القريبة من نقطة م ويفرض ان ح شه هوالخط الراسم المذكورونقطة ح هى تقطة تقاطعه مع خط مغ فأذا وصلنابين نقطتي م و مُ وين نقطتي ۾ وُ م بخطوط مستقيمة لانهاية لها فالثلاثة خطوط تصيرةواطع للطوط م ى و م غ و ح شم المنعنمة وتصيرايضاف سطح مستوواحد فاذاقدرناالان انخط وشه يتحرل على خط م ك ويقرب لموضعه الاول ويعد ذلك نفرض ان سطيم الثلاثة خطوط القاطعة بدور حولى تقطم بشرط انعرفى وقت واحدينقط حرم حروم معانلط الراسم ويقطع خطى م و و م غ فهذاالسطم المتعرك يركب دامًا من الثلاثة خطوط قاطعة المتمركه التيذكرت سأيقاو حين يا في الخط الزاسم لموضع م شه فنقطة مُ المتحركة على خط م ى تنطبق على نقطة م حينتذنقطة و تنطبق ايضا على نقطة م وفى خط وشم نقطنا ح و شه يصيران ايضام تطبقتين على بعضهما ففي هذه الصورة الثلاثة خطوطالقاطعة تصمير مماسة لخطوط مء و مغ و حرسم المنحنية وتصيرايضافي سطح مستوواخد

واذا وجد فى جسم طبةان اوطيات كسيرة تتقاطع كا يحصل فى الخروطات التى فاعدتها خط مخن موجود فيه نقط مضروبة اعنى مشتركة بين اجزاء خط مخن واحد كنقطة م التى على الخطالم نعنى للذى (فى شكل ٢) فنى الاول يظهران نقط تقاطع ها تين الطبة بن لا يمكن اجراء تعريف السطم المماس الذى ذكرناه سادة اعليهما ولكن اذاقد رنانقطا مشتركة للطبة بن نحدان حالة هذه النقط لا تغيرتعريف السطم المماس فاذا تاملنان جميع الخطوط المهاسة للنقط المذكورة يلزم ان تكون مفرقة على الطبة بن كاتكون مفرقة على اجسام غيرم شعلقة بعضها وهى التى تتقاطع فى مجل واحد تجدان السطم الماس فكل منهما شخالف النسطم الماس الذخرة والماس المناسلم الماس في محل واحد تجدان السطم الماس فكل منهما شخالف النسطم الماس الذخرة والماس المناسلم الماس المناسلم الماس المناسلم الماس المناسلة المناسلة الماس المناسلة المناسلة الماس المناسلة المناس

ويوجدا جسام لهاسطوح بماسة افادتها تسخق كارة التامل الهانفرض اسطوانة اسد وفاعدتها كيف مااتفق فاذا جعلنا سطعا من ضلعمن اضلاع الجسم ومن خط سد المماس لقاعدة هذا الجسم يكون هذا السطع مشتملا على جيع الخطوط المماسة للخطوط المماسة بالخطوط المماسة بالخطوط المنه بالخطوط المنه بالخطوط المنه بالخطوط المنه بالخطوط المنه التي كنفي المنهنية المرسومة على الجسم من جيع نقط خط اسد اولايضاح ذلك يكتني باشات ان سطع اسد بحتوى على جيع الخطوط المماسة التي كغط باشات ان سطع اسد عمل على جيع الخطوط المماس لخط مع المنحن ولذلك نفرض ان سطع اسد و ما ربخط اسد و بنقطة سد القربة من نقطة سد فيقط التقاطع المناسطة التي حول خط اسم بشرط ان تقرب نقطة د من نقطة سد فيقط التقاطع التي التي هي د و سد و سد تقضل دا تماعلي خط متحرك مواز خط اسم وحين توضع نقطة د على نقطة سد على نقطة م اعنى التي هي نقطة د على نقطة م اعنى المناسطة ما عناسطة على نقطة ما عناسة على نقطة على نقطة على نقطة ما عناسة على نقطة على ن

ان السطح المتصرك حين اخذموضع است نقط م سم القاطع المتصرك الذى هودامًا على السطح المستوى المذكوريسير الخط المماس نلط م صم النعني ولا بزال على السطيح المفروض ويفهم مماذكراه ان السطح المماس لاسطوانة في نقطة من نقط ضلع من اضلاع هذا الجسم هو مماس في جميع نقط

هذاالضلع

فالتعريف الذى ذكرفاه من قبل السطع المماس لا طوافة يجرى على الاجسام الخروطية والكن عوضاعن ان يكون الخط الراسم موازيا للط استفى المسلم الاسطواني يقطع دامًا هذا الخط في راس الخروطف الجسم المخروطي التعريف الذى ذكرنام للسطح المماس يجرى على جميع الاجسام البسيطة التي الاسطوانات والمخروطات جنس منها

اذاكان خط م عدنيا وخط م صد مستقيا مما الهذا اللط المنحى فسدة طاهما على ال سطح يصيران ايضا عاسين لانه اذاارد ناان نسقط الخط المنحى على السطح المعلوم نفرض من هذا الخط اسطوائة عود اعلى سطح المسقط ونفرض ايضا سطح م صد من خط م صد المساس فهذا السطح عس الاسطوائة في نقطة م ويلزم ان يكون ايضا عاسالهذا الجسم في نقطة م ويلزم ان يكون ايضا عاسالهذا الجسم في نقطة م ومشملا على خط م مد على سطم المسقط المناس هو مسقط خط م صد على سطم المسقط

هذ التعريف يليق ايضا أذا كان يسقط الخط المفى والخط المماس به بخطوط مثوازية فقط مشرفة على السطيم المعلوم يلزم أن تكون الخطوط متوازية فقط

الطريقة التى قررناه الامتداد سطيع عاسباسم فى نقطة معلومة على هدا المسم تعتوى على المجت عن خطين مستقيين عاسين لخطين مخنيين مارين بهذه النقطة ومرسومين على الجسم المذكورواكن فى الجسم المحرك السطع المماس لهذا الجسم فى نقطة من نقطه هو المنشى من الخطين المماسين بالخط الحانى ودا لخط المعتدل

انعمودعلى جسم في نقطة هوخط مستقيم عمود على السطيح المهاس لهدنا

المسم فهذه النقطة ويقطع السطيع المماس فى النقطة المعلومة ويعلمن ذلك ان الخط العمودي لَحُسم تحركي في نقطة كل ما كانت مثل م يوجد دائما في سطيح الخط الحانبي المارج ذه النقطة وايضا جميع الخطوط العمودية على المسم المعلوم تتلاقى بمعوره فاالمسم ويفهم بالسهولة انجيع اللطوط العمودية على الجسم المذكور في نقط الخط المعتدل تتلافى في نقطة واحدة على خط المحوروجيع هذه الخطوط العمودية تحدث مخروط امعتدلا اذاكان جسمان يتقاطعان فحط تقاطعهما خط منعن فلوجودا لخط المستقيم المماس بخط التقاطع فى تقطة من نقط هذا الخط لننظران السطيم الماعى باول جسم فى النقطة المعلومة يشتمل على الخط المملس المطاوب وايضا السطيم المماس بالجسم الثانى فالنقطة المعلومة يشتل على الخط المماس المطاوب فيفهم من ذلك ان الخط مالمماس المطلوب هوخط تقاطع السطيعين المماسين بالحسمين المعلومين فالنقطة المعلومة على الخط المشترك بين هذين الجسمين اذااريدوجودخط مماسنلط تقاطع جسم بسطح مستوفى نقطة من نقط خطالتقاطع يفهم انالسطح المماس للجسم المعلوم فى النقطة المعلومة مشتمل على هذا الخط وكذلك السطيح المعلوم فيغط تقاطع هذين السطعين هو الحط المطاوب

بيان تقاطع الاجسام المنحية بسطح مستو

انطط المنعنى الحادث من تقاطع جسم بسطح مستوعر بجميع النقط الحادثة من تقاطع السطح للذكور مع جدلة خطوط ممتدة على الجسم المعلوم مشلا اذا فرضنا خطاكل ماكان على الجسم المعلوم فهذا الخط يقطع السطح القاطع فى نقطة اوجلة نقط وهذه النقط تصير من نقط الخط المنعنى الذى هو خط تقاطع الوسطے المعلوم بالجسم المعلوم فانخط المفروض يمكنه ان يمكون خطامستقيا اوخطام نعنيا مسائل اوخطام نعنيا مضاعف الانحداء خطامستقيا وخطام معال تقاطع سطح بجسم

اولااذا كان العسم خط واسم مستقيم فالسطي القياطع يقطع هذا الخط في انقطة في جميع المواضع التي يمر بها وتوجد نقط تقابل هذا السطي بجميع هذه الخطوط بالطريقة التي ذكر فاهياسا بقا والخط المار بهذه النقط هو خط التقاطع المطلوب

انيا اذاكان العسم خطراسم منحن مستوولكن سطح الخط المنحني يغير موضعه والخط المنحني نفيد ميغير على سطحه فسطح الخط الراسم اذافرض في محل معلوم يقطع السطح القاطع بالجسم في خط مسعقيم وهذان السطحان لاين الهمانقط منستركة غيرنقط تقاطعهما ويفهم من ذلك ان نقط تقاطع السطح القاطع بالخهد الراسم المنحني وجدعلى خط تقاطع السطحين المعلومين فاذا بحنناءن وجود خط تقاطع السطحين المذكورين بالطريقة التي ذكرناها سابقاتكون نقط تقاطع المستقيم مع الخط الراسم من نقط خط سابقاتكون نقط تقاطع السطح المعلوم بالحسم المعلوم

مالثا اذاكان للبسم خطراسم مضن مضاعف الانحذ الوضنح هذه المالة

اذافرض الله الراسم في محل معلوم على جستم مجدول يعتبرهذا الله كفط من خطوط الاتكاه الثلاثة التي في الجسم المجدول (الجسسم المجدول المذكور مرسوم من تنقل خط مستقيم متكى دائما على ثلاثة خطوط منعنية ) وخطا الاتكاه الداقيين كل ما كان

اذافرض خطان مستقيمان موضوعان باى حالة كانت بالنسبة خط مستقيم من معلوم واخذ نقطة من نقط هذا الخط المنحنى وفرض منها ومن خط مستقيم من خطوط الاتكاء الثانى في نقطة فاذا وصل بين هذه النقطة والنقطة التى اخذت يحط مستقيم فهذا الخط هومن خطوط بين هذه النقطة والنقطة التى اخذت يحط مستقيم فهذا الخط هومن خطوط المنسم المجدول الذى يمر بالخط المنحنى المعلوم والسطيح القياطع المقيابل للغط المنحنى يقطع الجدول وسطيح خط تقاطعه يشتمل على النقط المشيركة بين السطيح القياطع والخط المنهنى المعلوم ويقهم من ذلك ان تلك النقط الوجد

على سطيع خط التقاطع المستوى من الجسم المجدول وعلى الخط المنعني المعلوم وهي على خط تقاطعهما

اذاعم مسقطاخط مغنراسم لاجل وجودهذا الخط بغرض اسطوانين مرسومتين بخطين مستقين عودين على سطحى المسقط وقاعد تاهما الخطان المنعنيان المذكور المنعنيان المذكوران فكل من الاسطوانين تشتمل على الخطالمني المذكور وتصيرعوضا عن الجدول الذى له خطااتكاء مستقيان كلماكان مأخوذان من خارج الخطالمني المذكور فكل من الاسطوانين تقطع السطح المستوى الذى يقابل الخط المنعني المعلم والنقط المستركة بين هذا الخط المنعني وتعطى تقاطع السطح القاطع بالاسطوانية هي النقط المطلوبة

الرسم الوصقى الساوس - " المسئلة الاولى

المطلوب اخراج سطح عماس باسطوانة في نقطة معلومة على هذا الجسم فيعل ان خطى اس و ت ع مسقطا الحط المستقيم الموازية له اضلاع الاسطوانة ونغرض ان خط تقاطع الاسطوانة بالسطح الافق تكون الدائرة التى مركزها ه فالمساقط الافقية لاضلاع الجسم بلام ان تكون موازية لخط التى مركزها ه فالمساقط الافقية لاضلاع الجسم بلام ان تكون موازية لخط ث ع وبعد ذلك اذا اردنا حدود المسقط الافقى الجسم المعلوم غد للدائرة التى مركزها ه خطين و ع ع عاسين وموازيين لخط اس فيميع المساقط الافقية لاضلاع الجسم تقع بين خطى و شم و س ك وتصير موازيه لهذين الخطين ولا جلوجود المسقط الرأسي الجسم المعلوم وحدود هذا المسقط المنابئ في ما في المنابق المساقط الرأسي في صير مسقط الهما و و و قطير موازيا المنابق المنابق في صير مسقط الهما و و قادا تاملنا في دان المساقط الراسية لاضلاع الجسم تقطع خط الارض بنقط موضوعة بين نقطي و و وحيف انانعلم ان المساقط الافقية لتلك الاضلاع المنابق المنابقة الله الانساقط الراس بنقط موضوعة بين نقطي و و وحيف انانعلم ان المساقط الافقية لتلك الاضلاع المساقط الافقية لتلك الاضلاع المنابقة المنابقة المنابقة المنابقة الله المنابقة الكون المنابقة المنابق

ا یلزمان تکون موازیه ناط شدی فادامدد ناخطی ۵ و و غ موازین ا ناط شده من نقطتي ٦ و و فهذان الخطان يصمران حدود المسقط الرأسي للجيهم الاسطواني وبعد ذلك نجعل نقطة ف المسقط الافق للنقطة التيعلى الجسم ويلزم امتدادسطم عاس للعسم المعلوم منها فننظر اولاان نقطة ق هي مسقط افق مشترك لنقطتين موضوعتين على الحسم المعلوم في الفراغ لانهاذا الهناعجودا على السطح الاقتى من نقطة ف فهذا العمود يقطع الاسطوالة في نقطتين موجودتين على ضلعين من النسلاع الحسم اللذين مسقطاهما الافقيان عران ينقطة ف وحيث الانعلمان هذين المسقطين موازيان نلط عن في صرف شه هوالمسقط الافق المشترك من الضلعين المذكورين الذين يشتملان على التقطتين فى الفراغ اللتن الهما مسقط افق مشترك في نقطة ف ونعلم ايضا انجيع الهلاع الجسم لا يمكنها ان تقابل السطيح الافق الافي نقط من نقط الدائرة التي مركزها ه ولاتقابله ايضاالافى نقط من نقط مساقطها على هذا السطيم فيفهم من ذلك ان الضلعين اللذين ذ كراسابقا بقابلان السطم الافق في نقطى شيم و ر فاذااسقطنانقطتي شم و ر علىخطالارض في نقطتي ت و سه ومددنا خطین موازیین خط ت و من هاتین النقطتین فهذان الخطان " بَصِيران المسقطين الرأسيين للضلعين المذكورين واذا القنا الان عود أعلى خط إ الارض من نقطة ف فهذا العمود يقطع المسقطين الرأسين اللذين وحداف انقطني ع وغ وها تان النقطة ان يصيران المسقطين الرأسين للنقطة بن على والجسم اللتان الهما ف مسقط افق مشترك واذا اردنا الان ان تحداثرى السطيم المماس للبسم في النقطة التي مسقطاها ف وغ نعلم يعدما تقدم أسايقاان السطح المماس في نقطة من اسطوانة يشتمل على جيع الاضلاع التي غربهنه النقطة واثره الافق خط عماس بخط عقاطع الجدم بالسطيح الافق في نقطة تقابل الضاع الماريالنقطة المعالومة مع السطح الافق فاذامد دناخط في في الله الرة الى مركزها ه من نقطة ف فهذا الخط يصير الاثر

الافق السطيح المماس المطاوب فاوجود نقطة من نقط الاثر الرأسي لهسدًا السطيح انظرائه من خيث ان الضلع المارمن نقطة التماس لا يكنسه ان بقطع المسطيح المراسي المشتريعليه السطيح الرأسي الافي نقطة من التي هي نقطة تقابل الضلع المذبور والسطيح الرأسي تجدها من نقط الاثرال أسي للسطيح المماس واذا وصلنا بين القطتي صد و مر نقط صدم هوالاثرال أبي للسطيح المطلوب ويدرك هذا السطيح بعداثريه وحيث ان الضلع الذي فرضناه يقطع قاعدة الجسم هذا السطيح بعداثريه وحيث ان الضلع الذي فرضناه يقطع قاعدة الجسم ون تعطيف المناس المنافي بالماس المنافي بطريقة من المناس المنافي بطريقة مشابهة للتي ذكرناها لوجود السطيح المماس الاول

التصفيح ألاول لرسم حل بذه المسائل

السطحان المماسان اللذان وجدناهما مأرين بضلعين من اضلاع الجسم يلزم ان يكون خط تقاطعهما موازيا لهدنين الضلعين لانه اد افرضنا فى السطح الاول خطا موازيا للضلعين المذكورين من نقطة تقاطع الاثرين الافقيين للسطحين المماسين فهذا الخط الموازى يوجد على السطح الاول ولوجوب وجوده على السطح المماس الثانى يصيران ضاخط تقاطعهما واذا بحثنا عن خط تقاطع السطعين المماسين فهذا الخط يلزم ان يكون موازيا لمسقطى اسد و ث ع فاذا كان الامركذلا فالرسم صحيح

التصحيح الثاني

اذافرضنا خطاافقيا في انفراغ ما رامن نقط ما التماس وموجودا في السطح المماس في هذه المقطة فهذا الخط يصير موازيا للاثر الافق النسطح المماس المذكوروالمسقط الافق لهذا الخط يصير خط في الموازيا لخط م هو ومسقطه الرأسي يصير خطا موازيا لخط الارض وحيث ان الخط المفروض لا يمكنه ان يقطع السطم الرأسي الافي نقطة من نقط الاثر الرأسي السطم المراس

الذى يشمّل عليه فنقطة سيلزم ان تكون على خطم م هذا التجيم يكن اجراؤه على السطع المماس الثاني عن المسئل الثانية

اذااريدامتدادسطيع عماس لاسطوانة من نقطة مارجة عن هذا الجسم فالخطوط التي رسمت في المسلطوانة الاولى لوجود مدود مسقطى الاسطوانة لاتزال كاهى في رسم الحل الذي اريد شرحه وبعد ذلك نجعل و و و مسقطى النقطة التي خارج الجسم وتحد خطا موازيا للغط الراسم اولضلع الجسم من هذه النقطة فسقط اهذا الخط الموازى يصيران و ا و و ت ونقطتا س و م تصيران نقطتي تقابل الخط المذكور بسطحى المسقط والا تارالافقية المسطوح المارة من الخط الموازى المضلع ومن النقطة المعلومة يلزم ان تحريف طفة سوائار السطوح الماسة الجسم المعلوم بلزم ان تكون مماسة للدائرة التي مركزها ه فاذامد دنا خطى المعلوم بلزم ان تكون مماسة للدائرة التي مركزها ه فاذامد دنا خطى

- د و - ش محاسین للدائرة المذكورة من نقطة - فهذان الخطان یصیران الاثرین الافقیین للسطی ین المماسین للجسم المعلوم و متدین من النقطة المعلومة و حیث ان الاثرین الرأسیین لهذین السطین یلزم ان عراب قطة م فاذا و صلنا سن نقطتی م و د و سن م و د فخطا م د و م د

هادا وصلمابين، نفطى م و و وبين م و ن مخط م ي و م نظران الاثرين الراسيين السطعين المماسين الجسم المعلومة

التصحيح الأول رسم بذالهل

ضلعا الجسم اللذان يمرمنهما السطيمان المماسان الهذا الجسم يلزم ان يكون كل منهما مقابلا السيطيم الرأسي في نقطة من نقط الاثر الرأسي البسطيم المماس المشتمل عليه وحيث ان هذين الضلعين احدهما اثراه هذب و و من عنهم من ذلك ان هذين الحطين من شر ك والثاني اثراه عن و و من يفهم من ذلك ان هذين الحطين يلزم ان يقابلا السطيم الرأسي في نقطة من نقط الاثر الرأسي السطيم المماس المشتمل عليه فاذالم يحصل ذلك فرسم الحل ايس بصحيم

# التصحيح الثاني

ادافرضنا خطوط الفقية من نقطة ﴿ و شُ وَقَ السطَّعِينَ المَمَاسِينَ الْمُعَاسِينَ الْمُعَاسِينَ الْمُعَامِ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ اللَّهُ مِنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ اللَّهُ مُنْ اللّمُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللّمُ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ اللَّهُ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ اللَّالِمُ الللَّهُ مُلْمُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ اللَّهُ مُنْ اللَّهُ مُنْ اللَّمُ الل

المسئل الثالثة

اذا اريد امتداد سطح عماس لاسطوائة ومواز خط معلوم فى الفراغ فالخطوط التيرسمت في اشداء المسئلة الاولى لوجود حدود مسقطى الحسم تستعمل في رسم الحل الذي اريد شرحه وبعد ذلك نفرض ال خطى ع و غ مسقطاانطط الذىمرادناامتدادسطم بماس للبسم وموازياله ونمد خطا موازياللغط الذي مسقطاء ع وغ من نقطة (- و ك )التي هي نقطة تقایل خط ( ۱ - و د ، )مع السطیم الرأسی فسقطاهد اللط يصران حرو و عف ونحث عن نقطة و التي هي نقطة تقاطع الخطالموازي بالسطيح الافق فاذا وصلنا بين نقطى ا و ح خط ا ح يصر الاثر الافق لسطيح موازالسطح المماس المطلوب وحيث ان السطح المماس يسلزمان يمر بخطين موازبين للخطين اللذين حدث منهما السطيح الذى اثره الافق خط ا ح وكذلُّك يلزم ان تكون الاثار الافقية للسطوح المماسة للجسم المعلوم إعماسة للدائرة التي مركزها ه فيفهم من ذلك انه لاجل وجود الاثرين الافقيين للسطين المساسين غدخطى م و و ع غ مستقين ماسين للدائرة المذكورة وموازيين لخط اح فالضلع الذي يمرمنه السطح المماس الاول ومسقطياه حشر و ع ك يقطع السطح الواسي في نقطة و وهدنه النقطة يلزم ان تكون من نقط الاثر الرأسي للسطح المماس المذكور فاذا وصلنابين نقطـــى و و م منفط وم هو الاثر الرأسي للسطتم. المماس الاول ويفعل لامتداد السطيح المماس الشاني كا فعدل بالسطيح الماسالاول آلسطحان المماسان اللذان وجدامة وازين بلزم ان يكون اثراهما الراسيان متوازيين وهذا يجعل التصيح رسم هذه الدعوى

فى الثلاث دعاوى التى حللنا ها فرضناان الاسطوانة تقطر السطح الافقى فى خطاف دائرة ولكن فى بعض الاو قات الجيسم المذكور بقط عالسطيح الافقى فى خطام كان فالطرق التى شرحت يمكن اجراؤها على هذه الحالة ولكن ثنبه انه اذا علم المسقط الافقى فقط لنقطة التماس التى هى على الجسم الاسطوانى يمكن ان يكون هذا المسقط مشتركا بين اكثر من نقطة ين من نقط الجسم ولذلك تحدث بدلة سطوح عماسة الجسم المعلوم

## ألرسم الوصفى السابع . المسئلة الرابعة

اذااريدامتدادسطي بماس لخروط فى نقطة معلومة على هذا الجسم المعلوم الدخق وم المجعل ه مركزالدا برةالتي هى خط تقاطع الجسم المعلوم بالسطي الافق وم وم مسقطى رأس الجسم فاذامد دنامن نقطة م خطين مستقيين بماسين للدائرة التي مركزها ه فهذان الخطان يصديوان حدى المسقط الافق للجسم المذكور واذامد دناقط و الله موازيا نظط الارض واستقطنا نقطتى ا و سعلي السطيح الرأسي ووصلنا بين نقطتى سوم وبين المعلوم وبعد ذلك مجهل نقطة و المسقط الافق لنقطة من الجسم المذكور فننظر اولاان نقطة و هى مسقط افق مشترك بين نقطتين من نقط الجسم المعلق م في نقط الجسم المعلق م في نقط الجسم المعلق م في نقط الجسم المعلوم في نقط المنسطي الافق من نقطة و فهذا العمود يقطع المعلوم في نقط تين نقطتين شفر انه اذا وصلنا بين نقطتين من نقط م و فهذا المعلوم و معظ م و فهذا الخط النقطتين شفر انه اذا وصلنا بين نقطتين م و و معظ م و فهذا الخط

يصيرمسقطا افقيامشتر كابين ضلعين من اضلاع الجسم المذكوروما والبهدية والشقطة وهذا الخط بقطع ايضا الدائرة التى مركزها ه في نقطتى ت و و اللتين هما نقطتا نقابل الضلعين المدذكورين بالسطح الافتى فاذا استطفا المتين المنقطتين و في خط الارض في نقطتى ف و و ووصلنا بين ها النقطتين و نقطة م نفطا ف م و و م يصيران المسقطين الراسسين المضلعين المدذكورين و انقطة و الفلعين المدذكورين و انقطت فهذا العمود بقطع السقطين الراسسين المضلعين المنافق المنافقة و على الجسم ولهما مسقط افتى مشترك فالسطحان الراسمان الماران الماران المقطت بنالهما الران افقيان عاسان الدائرة التى مركزها ه جهاتين النقطة من قط الاثران افقيان عاسان الدائرة التى مركزها ه في نقطت من و و و و المنافقة و و من المنافقة المنافقة المنافقة و و من من و و من المنافقة المنافقة المنافقة و و من المنافقة المنافقة و المنافقة الم

ويفعل هكذالامتدادالسطيع المماس الثانى

التصحيح الاول لرسم بذالحل

حيث ان السطيمين المساسين عران برأس الجسم المخروطي فط تقاطعهم علام المترايض المده النقطة فأذا بحثناءن مسقطى هذا اللط تحداله يلزم ان عرب قطتى م و م اللتين همامسقط اراس الجسم

التصحيح الثاني

اذامددنا خطوطاا ققية من نقط التماس في السطوح المماسة فكل من هذه الخطوط الافقية يقطع السطح الراسي في نقطة من نقط الاثر الراسي للسطح المشتمل عليه ويستعمل ذلك لوجود نقطتي ا و ساللتين هما نقطتا تقابل

#### المستلة الخامسة

اذا أريدامتدادسط عماس بلسم مخروطى من نقطة مغلومة خارجة عن هذا الجسم فالخطوط التى رسمت في المداء حل الدعوى الاخيرة التي هي الرابعة لوجود حدودمسقطى المخروط تسقعمل ايضاف حلهذه الدعوى وبعدذلات عبعلم و م مسقطى النقطة المعلومة التي يلغم امتداد سطح عماس العسم المعلوم منهاواذ اوصلنادين تقطتي ا و م وبين نقطتي ـ و م خطاً ام و بم يصران مسقطى الخط المستقيم الفراغي الواصل بينراس المخروط والنقط مة المعلوسة واذا بحثناء نقطمة والتي هى نقطة تقابل هذ الناط بالسطم الافق نجدها من نقط الاثرالافق للسطيم الماربالنقطة المعلومة وبراس الخروط وحيث انانعهم ان الاثر الافق للسطيم المماس المخروط هوخط مماس للدائرة التي مركزها ه فاذامد دنا من نقطة وخطى و ح و ح و ماسين للدائرة المذكورة فهذان الخطان يصيران الاثرين الافقيين للسطيين المطلودين المساسين لليسم المعلوم واذا نظرناالى نقطة التماس اعنى نقطة ف التي هي على الحسم نجدان الخط المار بهذه النقطة يوجد تاما في السطيم المماس الذي اثره الافقي هو خط ت و ومسقطاهذا الخط يصبران خطى فا وحس واذا بحثناءن نقطة شه التي هي نقطة تقايل هذا الخطيالسطيم الراسي نجدهامن نقط الاثر الراسي للسطع المماس المد كورفاذاوصلنا أين نقطي شروت يخط مستقيم فخط شرت يصيرالاثرالافق للسطح المماس المطلوب وبعدذلك يدولنالسطح نفسه

فظرق تصيح رسم حل هذه المسئلة هي كطرق تصيير رسم حل المسئلة السابقة

المسكيل "السياوسة

اذا اربدامتدادسطے عماس لخروط مواز نظمعلوم فى الفراغ فلاجل حل هـ ذه المسئلة ترسم الخطوط اللازمـة لوجود حدود مسقطى الخروط وبعد ذلك نجعمل ا و ث و اثرى الخط المعلوم الذي بلام امتداد سطے عماس موازله ونفرض خطافى الفراغ مواز باللخط المعلوم من رأس الجسم الذى مسقطاه ف و ف فسقطا ف و و ف شد يصميران موازيسين خطى ث و آ للذين همامسقطا الخط يصميران موازيسين خطى ث و آ للذين همامسقطا الخط المعلوم و نبعث عن نقطة شد التى هى نقطة تقابل الخط الموازى بالسطے المعلوم و نبعث عن نقطة شد التى هى نقطة تقابل الخط الموازى بالسطے الافقى وبعد ذلك نتم رسم حل هذه المسئلة كافعلنا فى المسئلة السابقة السابقة

مسقطاخط تقاطع السطعين المماسين يلزم ان يكونا مواذيين لمسقطى اللط المعلوم وذلك ينظر كتصيم رسم حل هذه المسئلة

وسم حل هذه المسئلة ليس عوميالانه اذامدد فامن وأس المفروط خطاموانيا للخطالما و بعثنا عن نقطة نقيا بله بالسطيح الافق فتارة لا يمكننا امتداد خط من هذه النقطة عماس للخط المنعني الذي هوخط تقاطع الجسم المعلوم بالسطيح الافق وهذه الحالة لا تجرى الااذا كان الخطالموازى المار براس الجسم من داخل الجسم المعلوم

الرسم الوصفى الثامن المسئيل السابعة

اذا اريدامنداد شطع عماس لحسم تحرك من نقطة معملومة على هذا الجسم نفرض ان الجسم التحرك هوقطع ناقص مجسم ونفرض لمن الدائرة التي مركزها هي المسقط الافق الجسم المعلوم و ا س ته هوالمسقط الرأسي خلط جانبي حادث من تقاطع سطع مواز للسطع الافق بالجسم المعملوم وحور الجسم المعملوم وحور الجسم المعملوم وحور الجسم المعملوم ووعور الجسم المعملوم ووعور الجسم المعملوم والمحلوم والم

م فينظران نقطة م هي مسقط افقي مشترك بين نقطتين من نقط الجسم المعلوم وهاتان النقطتان وجدان فيالسطيم القاطع الجانبي المرسوم بسطيع موشه ف وبعد ذلك يركب السطح المعاس للبسسم المعلوم في المنقطة المعاومة من الخط المماس للعط الماني الماريهذه النقطة ومن الخط المماس المخط المعتدل المازايضا بهده النقطة فيث اناخط المماس الخط المعتدل عود على سطح الخسط الخساني يفهم من ذلك ان السطح المماس المساربهذا انلط المماس يصمرعودا على سطم اللط الجاني وحيث ان السطم الافق عمود ايضا على سطح الخط الجانبي يفهم من ذلك ان الاثر الافق للسطح المماس هوخط عودعلى سطح الخط الحاني كخط تقاطع سطعم معودين على سطيم ثالث وبعد ذلك يصيرا لاثر الافق السطيم المماس المطاوب عوداعلى الاترالافق لسطح الخط الجانبي فينبغي لنا ان نعلم نقطة من نقط الاثر الافق للسطيح المماس المطلوب لاجل وجوده ذا السطيح ولذلك نفرض انسطيم شه و ف يصيرموازياللسطم الرأسي فاثره الافق يصير هـ ل ونقطـــ تـ م توضع على نقطة م خيث ان نقطة م هي الان مسقط افق مشترك مدين نقطتين من نقط الجسم المعسلوم وموجود تان على الخط الجانبي الذي هو مواز للسطح الرأسي يفهم من ذلك ان المسقطين الرأسيين لها تين النقطتين إيلزمان تكوناعلى المسقط الرأسي للغط الجانبي فاذا انزلنا عمودا على خط الا حن من نقطسة م فنقطتا ا و ساللتان هما نقطتا تقابل هذا وديقطع استو الناقص هماالمسقطلن الرأسيان للنقطتين اللتين إ على الحسم المعساوم ولهمامسقط افق مشترك م قبل تحرك سطيح القطع إالجانبي اعنى مي كالتافي موضعهما الاول كان لهمامسقط افقي مشترك نقطة م فيثان النقطتين اللتين على الجسم المعلوم في تحرك الخط الحاني رسما لأقويتى دائرتين موازيين للشطم الافتى فالمشقطان الافقيان لهذين القوسين الماخطان مستقيان موازيان لخط الارض ونقطتا اسهما من نقط سقطین الرأسیین المذ کورین ویفهم من ذلك انه اذامد دنامن نقطتی ا و س

خطين مستقيين موازيين لخط الارض فهذان الخطان بلزم ان بكونامشتملين على المسقطين الرأسيين للنقطتين اللتين هماعلى الجسم المعلوم والهمامسقط افقى مشترك فاذا الزلنامن نقطة م عود م ف على خط الارض فنقطنا مُ و ح يصيران المسقطين الرأسيين المطلوبين والخط المماس للخطالجاني الذي هوموازللسطم الرأسي ف النقطتين اللتين مسقطاهما م و ا له مسقط ا فقي خط هـ لـ ومسقط رأسي ا ٦ مما س لقطع ا ب ث الناقص فى نقطة ا وهذا الخط المماس يقابل السطيح الافق فى نقطة هم فاذا اعدنا سطير الخط القاطع الحاني الى موضعه الاول فالخط المماس في النقطة التى مسقط اها م وا يدور في وقت واحدم ع العسطم المشتمل عليه ويصعر خطامماسافى النقطة التي مسقطها م و د فيث ان نقطة له ترسم ايضافى التحرك قوس دائرة ل ق فنقطة ف هي نقطة تقارل الخط المماس فىالنقـطة التىمسقطاهـا م و ت معالسطيم الافتى وحيث انه يلزم مرور السطير المماس بهذا الخط المساس يعلم من ذلك ان تقطة ف هي نقطة من نقط الاترالافق المسطم المماس المطلوب فاذا القناعود ف ع على خط و ف من نقطة ف فهذا العموديصرالاثرالافق ا للسطم المهاس القطع الناقص الجسم ف النقطة التي مسقطاها م و 3 ولاجه لوجود الاثرالرأسي لهذاالسطيم نفرض خطاافقيامن نقطة التماس فى السطيم المماس فهذا الخيط يصير عود اعلى خط ف ع ومسقطاه يصران م غ و هر وافرايجشناعن نقطة ر التي هي نقطة تقابل الخطَ الافق مع السطيم الرأسي فهذه النقطة يلزم ان توجد على الاثر الرأسي للسطيم المماس المطلوب واذا وصلنا بين نقطتي ر و ع خفط رع يصمرالاثر الرأسي للسطم المساس للقطع النباقص المجسم في النقطة التي مستقطعاه ا م و ٥ ويدرك هذاالسطيم من غيرمشقة ويوجد السطح المماس العسم المعلوم في النقطة التي مسقطاها م و ا بطريقة مشابهة للطريقة التى استعملت لاجل وجود السطم المماس الاو

التصحيح الاول لرسم حل بذه الدعوى

حيثان الخطالمماس لخط جانبي من قطع ناقص مجسم يوجد في سطح الخط الجانبي المارمن نقطة التماس ويوجد ايضا في السطح المماس بألجسيم المذكور في هذه النقطة يلزم الله يقيابل السطح الرأسي في نقطة من نقط الاثرين الرأسيين المسطح بنالمذكورين اعني في النقطة المشستركة مين هذين الاثرين فاذاكان الرسم صحيحا بلزم ان تتقياط عخطوط و و وصحيم و رع الثلاثة في نقطة واحدة ويفعل ايضافي تصحيح رسم السطح المماس الثاني للجسم المذكور في النقطة التي مسقطاها م و م هكذا

التصحيح الثاني

اذامددنامن محورا بحسم المذكور سطيا مواز السطيح الرأسي فهذا السطي يقطع السطيح المماس لهذا الجسم في خط مواز للاثر الرأسي فحيث ان الخط المستقيم الذي هو خط تقاطع السطين المذكورين يقطع السطيح الافق في نقطة ك فصير ك فاذ الزلنا خط رك المستقيم عودا على خط الارض فنقطة ك فصير فقطة من نقط المسقط الرأسي لخط تقاطع السطيين المذكورين لان السطيح الماس هي المسقط الرأسي لنقطة مشتركة بين السطيعين المذكورين لان السطيح الماس المذكور في النقطة التي عرمنها الخط الماس فاذا وصلنا بين نقطتي كو و فط كو هو المسقط الرأسي المحاسة فاذا كان الرسم صحيحا نجد خط كو موازيا نخط رح

يسان تقاطع الاجسام

الزسيم الوصفي التاسع

اذا ريدوجود خطاته اطع اسطوانة وقائمة بسطيع عود على سطيع من سطيع ى المسقط واريدام تداد خط عماس الحط التقاطع المطاوب وبسط الجسم ورسم خط التقاطع والخط المماس به على سطح الانبساط مجعل نقطة همرك

الدائرة الته هي تقاطع الاسطوالة مع السطيم الافق فسقطا محورا السيم يصبران ه و ف نے وحداالمسقط الرأسي للعسمالمعلوم اللذين هما ا ر و س ی بصران موازین خط ف سه ونفرض ان انسطام القاطع يكون عودا على السطح الرأسي واثره الرأسي يحكون خط و شر قائره الأفق بصير علم شرب عود اعلى خط الارض وتنظر مالسهولة انخط م وهوالمسقط الرأسي خط تقاطع المسم المعلوم بالسطع القاطع وتنظر إيضاان خط التقاطع المطاوب يوجد مركامن تقط تفيابل السطيح القياطع باضب المعاليسم المعلوم فيثان المسقط الرأسي لضلع من اصلاع الجسم هوخط مستقيم مثل له الموازى ناط ف ع فهذا الخطالمستقيم لا عصكنه مقابلة السطيح الافق الابنقطة من نقط الدائرة الى مركزها ه ويفهم من ذلك انهاذا القناعودامن نقطة على خسط الارض فَهَذَا العمود يقط ع دائرة ه في يقطى ع و ح وها نان النقط تان بجماالمسبقطان الافقيان إضلعين من اضلاع الاسطوانة اللذين لهمامسقط رأسي مشترك وهوخمط له وحيث ان السطيح القباطع عود على البسطيم الرأسي فكل نقطة من نقطخط التقاطع المطاوب مسقطها الرأسي تقطة من نقط الاترالر أسى للسطح القاطع وحيث ان المساقط الرأسية لنقط الخط المتني المطلوب يلزم ايضاان تمكون على المساقط الرأسسية لاضلاع الجسم المارسلا التقطيفنقطة االتيهى نقطة تقاطع خط لو مع خط م ١٥ هي المستق الرأسي لنقطبتين من نقط الخطالق لطع المطاوب اللتان لهمامسقط ان افقيان ع و ت فيسهل الان وجود مساقط جيع نقط الخطالمتعني الذي هو خط تقاطع السطيم المعلوم بالحسم المعلوم فلرسم هذاانطط في سطعه تنظران خطى شہ و و شہ کے بمکن فرضهما کے طین عودین علی بعضهماموضوعین على سطم الخط المنعني المطلوب ويسمى احدهدين الخطين خطنياافقياوالأنعر خطاعاتما الابعادالتي توخذعلي الخط الافق تسمى ابعادا افقية واللتي تؤخذ على اللمط القسائم تسمى بعساد إقامَّة فهذا الططالمنعي وجد إذا علسا بعادكن ا

نقطة من نقط الخط المطلوب الغطان العمودين المذكورين وحسمان خط اشه يعتبركانق مشترك بن نققط تين من نقط الخط المنحى المطاوب المتين المهما قامل وع و و ت فأدا فريشت ال السطيم القماط معندود حول خط د شم حتى يصر سيطيها ولحدامع السطم الرأسي فني هـ ذا التحراب خط ک شنہ المستقم بنطبق علی خسط شد سے الذی دوجود عيلى خبيط شه و وافا نظرنا لافق شه م تجددان خط اصمه المستقيم هوالقائم المطابق لهذا الافق واذا اخذنامقدار م ح مساويا ناط اصد تصديقطين نقط الخط المطاوب واذا اخذ فاليضاافي شدا شظران القائمين المظاهما المهتما الافقاهما ويدوود وإذا خذنامن نقطة أ بعدين على العمود الذي هو عابستلي خسط شمرك فسناويين المطي وع و و شخد نقطتين المرتين من نقطا نقط المنعي المطلوب في سطيم هذا اللطحين بنطبق على السطح الإفق واذا فعلنا كاذكرنا بجميم نقط اللط المتى المطاوب عيدان الله المفقورة ورا مرس خط شرع كغط م ١ المستقيم منقولا وموضوعا ومواذيا لنغصه يعد التصرك واذا اريدرسما لليد المنعى على السطم الافق تصور الدادا كان اللط المنعنى في سطيم مواز للسطيم الافق فسقسطم الافق يعسب مساوياله قاذا دورناالسطع القاطع حول النقطة التي وسقطاها ف و م حتى يصير موازیاللسطم الافق فنقطت م و د پرسمان قوسی دا ترم ع م المراز الرارال الم السطم القساط ع يصدرخط ع ع مستقيا موازيا خط الارض فن كون ان كل نقطة من نقط الخط المنعى المطلوب في هذا التحرك ترنهم قوس دائرة في سطيع موازللسطيع الرأسي تكون المساقط الافقية الهذما الاقواس فسطوح موازية ناط الارض ويعدد للداد انظر ناالح نقطة (ويم) التي هي من نقط الخط المني المطلوب تعدان مسقطم الرأسي في هذه الحالة هونقطة ع ومسقطها الافق يلزم ان وجدعلي خطمو از لحط الارض مَازُبُقَطِمَ و ويفهم من ذلك انه اذا انزلنا عوداعلي خط الارض من نقطة

ع فنقطة م تصيرنقطة من نقط الخط المفي المطاوب حسن ينطيق سطيمه على السطح الافتى وكذلك النقطتان اللتان كان لهما أمسقطا مشتركارأسياولهماالان المسقطاخروأسي ومسقطاهماالافقيان ياجماق يوجد العسكى خطين موازيين لخط الارض عمدين من نقطتي ع و ت ويفهم من ذلك إنه اذا انزَّلنا عمود أن قت على يخط الارض من نقطة فنقطتا ف و م يصيران من نقط الخط المنعى المطلوب ويسهل لنا بعد ذلك اغام رسم هذا الخسط واذااردنا الانامتداد خطعاس الهذاالخسط المطافي التقطة التي مستقطاها ١ و ٥ ننظران الخيط المماس المطلوب هو فى السطيم القياطيع الذي هو سطيم الخط المنحى الموجود وفي السطيم المماس للاسطوانة في تقطة ( ار 2 ) ويفهم من ذلك ان الخطالم اس المطلوب مسقطه الافق هوالاثرالافق للسطح المماس المذكوراعي الخطالمماس للدائرة التي مركزها ه في نقسطة ١٥ فلفظة ع التي مي القابل المعسلالماس للدائرة مع حسط كشم هي نقطة تقابل الخط المماس المطاوب مع السطيم الافق لاناناط المماس المطاوب لا يمكنه مقابلة السطم الافق الاف نقطة من نقط خط كشم ونقط من نقط خط ثع ويفهم من ذلك ان تقطة و هي نقطة من نقط المسقط الافق العظ المطاوب تماسه في النقطة التي مسقطها ١ و ا ونقطة غ وقضع عملي غ حين ينطبق السطح القاطع على السطم الرأسي بشرط ان شه ك يساوى شه ك ونقطمة ف هي نقطة عن نقط الخمط المني منطبقة على السطم الرأسي ويفهم من ذلك ان الخط المساس المطاوب بمربنقطتي ك وف ويدرك بعد هذاانلط .

وكان عكن ان ندور السطم القاطع حول خط ك شم حق يصر سطما واحدا مع السطم الافق في هذا التحرك كل نقط مقمن نقط الخط المتحتى ترسم قوس دا ترة موضوعا في سطم موازللسطم الرأسي وخط شم د يقع على خط الارض فالخط المنعني يعتبر كانه وضع على سطم الخط القام والخط

الافقى المذكورين سابقا وهما شهث و شه ك والابعاد الافقية والرأسية لكل نقطة من نقط هذا الخط المنحى تصير معلومة والخط نفسه يصير معلوما

ونبعث الان على الخطالمماس فلط مرف ت المنعنى ولذلك اذا نظر فالنفط المنعنى الذى هو خط تقاطع السطيح القاطع بالاسطوانة فى موضعه الحقيق شجدان الخط المماس فى نقطة (١٥) يقطع القطر الثانى البغط المنعنى فى نقطة (هسم) وذلك يحصل حين يصير الخط المنعنى موازيا المسطيح الافقى فنى هذا التعرك نقطة (عشم) التى تقادل الخط المماس بالسطيح الافتى تصير نقطة (هع ع) فاذا وصلنا بين نقطى عوشه خط عث يلزم أن يجر بنقطة سم

بيان حل انتساط الجسم

اذا اريدانبساط حسم قاى خطعلى هذا الجسم سواء كان منحنيا اومضعف الانحناء يصير خطا مخالفا على سطح الانيساط ويسمون هذه الحالة ا تتشار اوانيساط الخط المنحى المذكور

فاذاعلم انتشارخطمن خطوط الجسم المنبسطة فهذا الخطيسي محور الانبساط اذاكانت قاعدة الجسم خطاكل ماكان قانتشار خط تقاطع السطح القاطع العمود على السطح القاطع المعتدل هوداتما مستقيم على سطح الانبساط لان اضلاع الاسطوانة المعلومة المنوازية على سطحى المسقط تكون ايضا متوازية على سطح الانبساط والخط العمود عليها يلزم ان يكون خطا مستقيما

نفرض ان محور الانبساط يكون خط قد المعالم المعتدل فأسطح المعتدل واسطح المنبساط فالسطح والمعالم المسلوانة سطح الانبساط فالسطح المماس المسلوانة سطح الانبساط فالسطح المماس المماح المعتدل ف خط (ورام) المستقيم موازيا خط شد ك وسطح الانبساط يقطع اثر شد ك الرأسي في نقطة م التي عدمها خط م م الذي هو خط تقاطع السطح القاطع المعتدل

مالمسم المعلوم فأذار سمناخط ررالمستقيم المساوى لمحيط الدائرة التي مركزها هُ وَاخْذُنَانَقُطَة صُم على هذا الطواعتبرناها كنقطة (وم) على سطيعي المسقط غظا صَدر و صديصران منبسطانصفي ع و أث ع وت لحيط الدائرة المذكورة وهذان النصفان اذاقسما اجزاء كثعرة متساوية تشرط ان كل بزويعتر كفطمستقيم وحولت ابعاد نقط الانقسام على يمين نقطة ض وشمالهافالغواميدالقاعمة من نقط التقسيم على خط ر ر المستقيم هى اضلاع الاسطوانة المنتشرة على سطيح الانبساط فسكل نقطة من نقطخط التقاطع المطاوب يمكن ان نغرض على سطح الانبساط كانهام وجودة بعد ادرالنافقيها اللذين هماجزأن من اجزاء محورالا بسياط المضلع وبعدها انقائم هو الذي بنها وبين محور الانبساط وهذا البعدد يؤخذ على اضلاع الاسطوانة فاذا اخذنانقطة (٦٫١)التيجي عملي الاسطوانة واخذناقوس صُد ت كالبعد الافق المهذه التقطية فحط موا يصعر البعد المقبام لهنده النقطة واذانقلناهذه النقطة على سطم الابيساط واخذناخط صهرت مساوبالخط وث واخذناايضاخط ﴿ الله مساوبا لخط أو يجدالنقطة المذكورة ونفعل يجميع نقط الخط المضى الذى هوخط تقاطع السطيم القاطع بالاسطوانة على سجلم الانبساط كافعلنا بهذه النقطه فانتشاره ذاانطط المنعني تصرخط لأصرط المنعني وإذاحولناهذا الخط المنعنى على الاسطوانة بشرط ان خط م ا المستقيم ينطبق على الضلع الذي مسقطاه ا م و صد فطرفا له و ط يجتمعانف نقطة واحدة وهي (قر و) والخطالماس في نقطة الم ( رَبِي ا ) يقابل سطيم الانبساط في النقطة التي مسقطه االافقى ظ وهذه ا النقطة هي نقطة تقابل خط ت غ المماس معخط ا و المستقيم ممتدا والخط الذي في الفراغ الواصل بين نقطة (٥ رو) ونقطة (ظرم ) يصيرمساويا لمسقط ت ظ الافق لانه موازالسطيم الافق والخطالمماس في نقطة (شد ٦ | يدرلشمن وترالمثلث الفائم الزاوية الذى احدضلعيه خط ت ظ والضلع الاخريط وأا وسعبتان سطيحهذا المثلث يصمرهو سطيح الابساط

سطحا واحدا يفهم من ذلك انه اذا اخذ فايعداد والمنقطة أخط ه طُ مساويا نظط تُ طُ ووصلنا بين نقطتى اط بعنط مستقيم خط أط ميكون انظط المماس على حطح الانبساط نظط تقاطع السطم القاطع بالجسم الاسطوانى المنشو

### الرسم الوصفي العاشم

اذا إربد وجودخط تقاطع سطيح عمودعلى السطيع الرأسي بمغروط تنبه اولاانه اذا وصل بن المخروط ومن كزفاعدته بخط قائم مستقيم ووجدهذا الخط عموداعلى قاعدة المخروط بقال لهذا المخروط محروط واذا كان الخط الذي يسمى محور المخروط مائلا على سطيح قاعدة المخروط فالمخروط يسمى محروط مائلا على سطيح قاعدة المخروط فالمخروط يسمى محروط المناد

ولاجل حل المسئلة المذكورة فيعل هم مركزالدا مرة التي هي تقاطع المخروط بالسطح الافق و ه و ف هم مسقطي محود الخروط فيطا هم ال و ه سه ما حدا المسقط الرأسي للجسم المخروطي وبعد ذلك فقرض ان السطح القاطع عود على السطح الرأسي فاثراه يصيرا حدهما سم ه و الاخر ت و عوداعلى خط الارض فالمسقط الرأسي للخسط المني الذي هوخط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المذكورهوخط م ه لان السطح القياطع عود على السطح الرأسي فنغظران الخط المني المعلوب فن الدعوى التي سبقت وجد بنقط تبل السطح القاطع باضلاع الجسم المعلوم فاذا مدد ناحط ه ح حيث ما اتفق فهذا الخطيع تبركسقط رأسي مشترك بين ضلعين من اضلاع الجسم فن حيث ان جيع هذه الاضلاع تقطع السطح الافق في تقطة الدائرة التي مركزها هو فاذا القناع و حشمت على خط الارض في تقطة الدائرة التي مركزها هو فاذا القناع و حشمت على خط الارض في تقطة الدائرة التي مركزها هو فاذا القناع هر هر و منه و تقطي في سقط ه م الرأسي مشترك لهما فاذا وصلنا بين نقطتي ه شه و نقطتي في سه خطا الرأسي مشترك لهما فاذا وصلنا بين نقطتي ه شه و نقطتي في سه نقطة المنافرة و ح م يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المذكورين ونقطة المنافرة و ح م يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المذكورين ونقطة المنافرة و ح ي يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المذكورين ونقطة المنافرة و ح ي يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المذكورين ونقطة المنافرة و ح ي يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المذكورين ونقطة المنافرة و ح ي يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المذكورين ونقطة المنافرة و ح ي يصران المسقطين لاقتيين الضلعين المنافرة و ح ي يصران المستوطن لاقتيين المنافرة و ح ي يسمران المستوطن لاقتيين الضلعين المنافرة و ح ي يسمران المستوطن لاقتيين النسان المنافرة و ح ي يسمران المستوطن المنافرة و المنافرة و ك ي يسمران المستوطن المنافرة و ي يسمران المستوطن المنافرة و يسمران المستوطن المنافرة و يسمران المنافرة و يسمران المستوطن المنافرة و يسمران المستوطن المنافرة و يسمران المستوطن المنافرة و يسمران المستوطن المنافرة و يسمران المستول المنافرة و يسمران المستولة و يسمران المستولة و يسمران المستولة و يسمران المستولة و يسمران المس

ك اليه عي نقطة تقابل خط هُم يخط مُ ٥ هي المسقط الرأسي المشترك بن نقطتين من نقط الخط المنعى للطلوب وهاتان النقطتان ملزمان يكون مسقطاهما الافقيان على المستقطين الافقيين لضلعي الجسم اللذين يشتملان عليهما واذا انزلنا عود كلس من نقطة ك على خط الارض فنقطنا لوس يصيران المسقطين الإفقيين للنقطتين من الجسم اللتين لهما ك مسقط رأسى مسترك وبعد ذلك يمكن ان تحد المساقط الافقية خملة نقط من نقط الخط المحنى المطلوب ولذلك يعلمان الطريقة التي تمعناها لانخدم لوجود المسقطين الافقيين للنقطتين اللتين لهما ومسقط رأسي مشترك والنقط القريبة لهذه النقط وجدمن تقاطع الخطوط التي تحدث ينهاذوايا حادة وهذايمنع منقحقيق تقاطعها فيلزمناان نوضمطر يقةا خرى لوجود تلاثأ النقط ولاجل ذلك نفرض سطحا افقيا من تقطة و فهدذا السطح يقطع أ المسمق والرومس مطال المستقيم ومسقطها الافق يصيردا رةمى سومةمن نقطة هكركز و ببعد در كنصف قطرة السطيم الافق المذكورالمارايضا بالنقطة التي مسقطاها هدو ويقطع السطيرأ القاطع المعاوم فى خطافق له نقطة و مسقط رأسى وخط مسقطه الافق ه ف فالخطالافق المذكوريقطع الدائرة التي هي تقاطع الجسم بالسطيم المار بنقطة (ه و) في نقطتين وحيث ان هانين النقطتين في السطيح القاطع المعلوم ومنهما عرضلعان من اضلاع الجسم بفهم من ذلك ان هائين النقطتين من نقط انتلط المختني المطلوب والمسقطيان الافقيان لهاتين النقطتين يلزمان يكوناعلى الدائرة المرسومة من نقطة ه كركز و مبعد وركنصف قطرفنقطت ف و ت هما المسقطان الافقيان للنقطة ين المذكويرة بين ونفعل لرسم الخط المنعنى المطلوب في سطعه كافعلنا في الرسم الهندسي السابق والفرق بينهما تنويرالسطم القباطع المطلوب حول اثريه عوضاعن تدويره حول خطموط اخرولا يلى ذلك عرائلط المماس للغط المنعني المطلوب المرسوم على السطيم الافق في على الرسم منقطة تقابل هذا اللط المماس ما اسطم الافق

# بيان ص السباط الجسم

تأيذذ يحيط دائرة شهسه سه وتفرضه محورالا ببساط فتغرهذه الدائرة يدائرة مرسومة ينصف قطرمسا ونلط عاشه ونغرض ان لخط صدك كأنه الضلع الذي مسقطاه هرسُم و هرك فاذا جعلنا نقطة صم مركزا ورسمنا محيط دائرة واخذ نامن نقظة ث الى نقطة غ اقساما مساويه لاقسام نصف محيط سه شهر ر واخذنا من نقطقه ث الى نقطة ع اقسامامتساوية على مُ ب س ووصلنا بن نقط الاقسام ونقطة صد فخطوط التواصل تكون اضلاع الجسم المعلوم على سبطح الانبساط يعنىان تلك الخطوط تحدث الجسم المخروطي على سطيح الانبساط ولاجل رسم انلط المنحى الذى هوتقاطع السطيع المعلوم بالجسم المعلوم على سطح الانبساط ننظران بعدى هدوهم يفضلان كاكاناعلى سطح الانبساط وتأخذبعد ص رد مساويالخط ه ١٥ وتأخذ ايضاخطيا صَّهُ مَ ورُّمٌ مساويين لخط هم فنقط مُهُ مُ الثلاثة تكون من نقط التغير المطاوب للغط المنحني الذى هوخط تقاطع السطع القاطع بالجسم واذااردناوجودالنقطةالتي مسقطاها كوع ننظران هذه النقطة يلزم ان تكون موضوعة بالنسبة لنقطة صد ببعدمسا والبعد الصير الواصل من رأس المخروط وهذه النقطة وحيث أن هذا البعد مساوناط كوصه فاذا اخذنا هذاالبعدووضعناهمن نقطة صم الى نقطة صُ فنقطة ص تكون ا أ ا الله حود هذه النقطة نُفعله لجميع نقط الخط المنحني وم بالجسم المذكور الذي الخطالب أو المنقطة التي مسقطاها كوج وعد بعداد والذا وترللشلت القام الزادية الذى خط ے خ ضلع من ضلعيه والضلع الاخرهو الخط الذى مسقطاء ع ب و ح ك فقدار الخط المماس المطاوب هو صد عدوحيت ان مقادير الخطوط تفضل كاهى حين تنقل على سطيع الانبساط

يفهم من ذلك انه ادامد دنا خطا عماسالحيط ضُ شع فى نقطة ت واخذنا على هذا الخط المماس بعد حُ ئے على قطق واخذنا على هذا الخط المماس بعد حُ ئے على مقطق الاندساط و ص نقط كر ص يكون الخط المماس المطلوب على سطح الاندساط المماس نخط تقاطع السطح المعلوم بالجسم المذكور

الرسم الوصفى الحادى عشسرٌ السئل التاسعة

اذا اريدوجودخط تقاطع جسم تحرك معلوم بسطح معلوم ايضاوامتداد خط مماس نلط تقاطع السطح المعلوم الجسم المعلوم

نفرضان الجسم المالوم قطع ناقص مجسم ونقدرا يضاان السطم الافق عود . اعلى محورا لحسم المعلوم والسطيم المعلوم عودع لى السطيم الرأسي فالمستقط الانتى للبعدة هودا تروي كرهاه ومسقطه الرأسي قطع اسده الناقص ومسقطامحورالجسم هما ه و است واثراالسطيم القاطع ف و و فشر وسيتان السطيح القاطع عمود على السطيم الرأسي فالماقط الرأسية المميع نقط خطالتقاطع المطلوب يلزم ان توجدعلى الآثر الرأسى للسطيم القاطع المعاوم وايضاقطع استء الناقص هوالمسقط الرأسي للعسم التحركى ويحسدد المستقط الرأسي للخط المطلوب ويفهم من ذلك ان خط وح هوالمسقطالرأسي للغطالمطلوب ولاجل وجودالمسقطالافق لهذاالخط تجعل سطحاافقيامن النقطة الفراغية التي مسقطاها ه و ل فهذا السطيح بقطع القطع الناقص المجسم فى دائرة الها خـط كر مسقط رأسى ومسقطهاالافق دائرة مرسومة من نقطة ه كركز عربت عدخط ل كنصف قطرف طيرهذه الدائرة يقطع السطيم القياطع المعلوم فى خط مستقيم افق عموداعلى السطح لرأسي ومسقطه الرأسي نقطة أ وخط م ك ع مسقطافق له فالنقطتان المشتركان بن الخط المذكوروالدا ترة التي مسقطها الرأسي خط لد ك همانقطتان من نقط خط التقاطع المطلوب ونقطتا

م ق ٥ مسقطان افقيان لهما و ا مسقطراً سي مشترك سهما وبعد ذلك يسهل علينا وجودمسا قطجيع نقطا الخطالمنعني المطلوب ويدرك ايضاهذا الخط الدائوتان اللثان هماع ودان على محور الجسم المحركى ومسقطاهما الرأسيان هما حرك و و س ومسقطاهما الافقيان دائرتان عي سومتان المسقط الافق للغط المنحنى المطلوب بعد تقايل هاتين الدائرتين بالعمودين المفنى يصبر م تت رُسم ويعتبرهذا الخط المفنى كانه حاصل من نقط تقايل الخطوطالجا نبية للمتدة كلماكانت بالسطيح القاطع ولاجل شات ذلك نجعل ه شم الاثرالافق لسطم جانبي كلما كان فط تقاطع هذا السطم بالسطيم القاطع المعلوم يصم برخط استقياونقطتاتقادل هذااناط ماناط الحاتى وصيران من نقط الخط المنصني المطلوب ولاجل وجود المسقطين الافقيين لهاتين النقطتين ندورالسطح القياطع الجياني حول محورا لجسم حتى يصيرموازيا للسطير الرأسي فني هذاالتحرك نقطة شد التي هي نقطة تقابل خط تقاطع السطعين المذكورين بالسطيح الافق تقع على نقطة غ فاذا انزلناخط فغ عوداعلى خط الارض فنقطة كن التيهي موقع هذا العمود تصرمن القط المسقط الرأسي خطتهاطع السطيين المذكورين حين يصبرالسطم القاطع الجانبي موازياللسطيح الرأسي وحيث ان المسقط الرأسي المذكور عرب قطه ف فاذا وصلنايين نقطتي ُت و ف يخط في ُث فدقد تيا صُد و رُ لقطى تقايل خطتقاطع السطعين المذكورين لصبر موازيا لأسطح الرأسي لان المسط القياطع المساني مالخطامله في هذه المدرسد و سرى المنعني مسقط رأسي له فالنقطتان المذكورتان الفؤاغيتان بعاديهماعن المحورهما ترصه و ترض واذااعدنا القاطع الحانى الى موضعه الاول فالنقطت ان المذكور تان يرسمان قوسى دائره موازبين المسطح الرأسي والدائرتان المرسومتان من نقطة ه كركوز و ببعدى

صد و رض كنصني قطرمسقطان افقيان للرائرتسين اللتين إجزاؤهما مركبة منهذين القوسين ويفهم منذلك ان المسقطين الاحقيين النقطتين اللتين على الجسم المعلوم يلزم ان يكونا على هاتين الدائرتين وعلى خط ه ع فاذااخذماعلى هذاالخطمقدارى ه أو ه سم مساويين نلطى وت و رض فالمسقطان الافقيان بوجدان على اللط المنعى المعادم بالطريقة الاولى واذاوجدنا المسقطين الافقيسين لهذين الخطين اللذين على خط تقاطع الجسم المعلوم بالسطم المعلوم تجد المسقطين الرأسيين الهاتين النقطتين بالسهولة ويلزمان بوجداعلى خط وع ويعدد للتنظران قوس عغ اذااستدبقطعخط ف شم في نقطة غ ويفهم من ذلك انه اذاهرضنا ن السطح القاطع الجاني الره الافق خط هع ووضعناهذا السطح كإسرحنا السطح القاطع الحاني الاول غيدانه اذااخذ فاعلى خط هغ مقداری صنه و رض من نقطة ه فيدالمسقطين الافقيين للنقطتين الحادثتينمى نقطخط تقاطع السطيح المعلوم بالجسم المعلوم ويرسم خط التفاطع على سطحه كاعرفناه في رسمى ٩ و ١٠ الوصفيين ولاجل استدادخط مماس خطتقاطع الجسم المعلوم بالسطم المعلوم فى النقطة التى مسقطاها أو ك تجعسل السطح القاطع الجانبي الماريمذه النقطة موازيا لتسطح الرأسي فنقطة ( اُ د ) يحدث الها في موضعها الان مسقطان اخران وهما ت و ر والخطالمماس للخطالمني في الحاني في نقطة (رُتُ) له مسقط رأسي خطِ مماس لخط اب ث ي المنحني في نقطة ر وحيثان هذا الخط المماس يوجد في السطيم القام الذي اثره الافق ه غ فهذا المماس يقابل السطم الافق في نقطة و فالمحديا السطم القاطع الحانبي لموضعه الاول فالخط المماس الذي مددناه له يدور في وقت واحدم الخطالمنخى الجانبي ونقطة و ترسم قوس دائرة وو و ومن ذلك نقطة و تصير نقطة تنابل الحط المماس للخط لمنحني الجاني في نقطة (١٥) بالسطح الافق والسطيح المماس للقطع الناقص المجسم في نقطة (١٥) أثره الافق وَّتْ

فالخط المماس الغط المحتى الذى هو خطاتها طع السطم بالجسم المعلوم يوجد الفي السطم المماس وقى السطم المعلوم ويعلم ويعلم ويخلم في الشطمة تقابل السطم المماس المذكور بالسطم الافق فاذا وصلنا بن نقطتى و و شخط و ث يصير المسقط الاقتى المغطالماس لخطاتها طع الجسم المعلوم بالسطم المعلوم في النقطة التي مسقطاها و و ا ويفهم بالسهولة ان الخط المماس المذكور مسقطه الرآمى ف ق وحينتذيد رك هذا الخيالسهولة ولاجلوجوده في النقطة المقروصة حين تسطبق سطم الخط المنحى على سطم من سطمى المسقط و و و ا نفعل لذلك كافعلنا في رسمى الوصفين

الرسم الوصفي الثاني عشبر

المرادوجودخط تقاطع جسم اسطوانی مائل و قاعدته تصورة طعا فاقصابسطے عموده لی محوده ذا الجسم وامتدادخط عماس خطالتقاطع المطاوب وانبساط الجسم المخروطی ورسم الخط المشخی المطاوب ورسم الخط المشخی المطاوب ورسم الخط المشخی المطاوب ورسم الخط المماس لهذا الخطاعی سطے الانبساط فلاجل حل المسئلة الاولی نجعل است و الخط المشخی الذی هو خطی الخط المستقیم الموازیة له اضلاع الجسم وبعد ذلا نمد خطین عماسین خط است و موازیین خط م ک فهذان الخطان المماسان بصیران حدی اسطوانی المعلوم وبعد ذلا نمد کے و کے اسموانی المعلوم وبعد ذلا نمد کے و کے خطی کے موازیین خط اسفی نظمان بصیران خطی کے موازیین خط اسفوانی فاذافرضناان الجسم بقطع بسطے خسمی الاسطوانی فاذافرضناان الجسم بقطع بسطے المفنی وخط ه ف وشم مسقط افق الا وخسط رسم مسقطه الرأسی المشخوض مسقط افق الله وخسط رسم مسقطه الرأسی المشخوض مسقط افق الدور مسلم مسقطه الرأسی المشخوض مسقط افق الدور مسلم مسقطه الرأسی المشخوض مسقط افق الدور مسلم مسقطه الرأسی المشخوص مسقط افق الدور مستم مسقطه الرأسی المشخوص مستم المسلم المشخوص مستم المسلم المشخوص مستم المسلم المشخوص المشخوص مستم المسلم الم

وبعدذلك نجعل خطى و ت و و ض اثرى السطيح القاطع ونغرض بجلة من السطوح مارة باضلاع الجسم وعواميد على السطيم الافقى قالاثار الافقية لتلك السطوح تصير خـ طوط اموازية لخطى كشم و عرمه وكلمنها يقطع السطير الماوم بخط مستقيم فسقط تقاطع هذه الخطوط باخلاع الجسم المعلوم التي تشقل عليها السطوح الذكورة تحدث الخط المنصى الذى هو تقاطع الجسم المعلوم بالسطم المعلوم وبعدد لل نجعل خسط أ و الاثرالاذ في السطيم المشتمل على الضلعين من الجسم اللذين خط ا و مسقط افق مشترك ينتهما فط تقاطع هذا السطيح بالسطيح القاطع المعاوم هوخطمستقيم سقطه الافق خط ا و ويقطع السطم الافق في نقسطة و فاذاانزلناخط ٥ و عوداء لي خط الارض قنقطة ٥ التي هي موقع العمود تصيرمن نقط المسقط الرأسي خطتق اطع السطعين المذكورين فلاجل معرفة المسقط الرأسي المطاوب يلزم معرفة نقطة ثانية من هذا المسقطولذلك نفرض خطاافقيافي السطرالقاطع المعلوم موازيا خط صرت ومسقطه الافق خط ع غ وبعد ذلك تنظران نقطه ع هي المسقط الافق لنقطة من نقط خط تقاطع السطعين المذكورين فالخط الافقى الذي ذكر يقطع لمالسطم الرأسي في نقطة و واذامد دنامن هذه النقطة خط و ك مستقيما موازبآنخط الارض فالخط الحادثهو المسقطالرأسي للغط الافتى المذكورواذا فرضناس نقطة ع خطاقا عافهذا الطيقطع السطير القاطع المعلوم في نقطة مشتركة من خطتقاطع السطعين المذكورين والخطالا فق الذي مسقطاه ع غ و و و و ويفهم من ذلك انه اذا مددناخط ع ره عوداع لي خطالارض فنقطة ك تصير المسقط الرأسي لنقط تظاطع الله الافق المذكورسايقًا مع الخط القيام الممتد من نقط ع وتصبر من نقط المسقط الرأسي المستقاطع السطعين المذكور بن واذا وصلنا يسينة طيق و 3 كفط 3 أيصيرالمسقطالرأسي لخط تقاطع السطح المعلوم إ بالجسم المذكور حيث ان خطوط تقاطع السطوح المارة باضلاع الجسم المعافع بالسطح القاطع المعالومة وازية كغطوط تقاطع سلطوح متوازية بسطح واحد كالمشاقط الرأسية لهذه الخلطوط تصديم وازية لخط ه ف ويكنى وجود نقطة من تلك المساقط لادراكها ولاجل ذلك تنظران كل سطح قائم يشتمل على ضلعين من اضلاع الجسم وجود مسقطيم الرأسي سينسهل فنقط تقابل هذين المسقطين بالمسقط الرأسي لخط تقاطع السطح المشتمل عليما مسع السطح القاطع المعالوم تحدث تقطة ين من نقط المسقط الرأسي خط تقاطع السطح المعلوم بالمسقط الرأسي خط تقاطع السطح المعلوم بالمسطح المعلوم وهذا مسقطان افقيات موضوعان على الاثر الافق للسطح المستحل عليما ونجد منع السهولة المستقط الافق للطاع الجسم المعلوم بالسطح المعلوم وهذا المستحد يصر في ف ش

ولاجل رسم خطالتقاطع المطلوب في سطعه نفرض ان السطع القاطع المه او واروانطبق على السطع الافتى في هذا التحراء كل نقطة من نقط خط التقاطع المطلوب ترسم قوس دائرة في سطع عود على خط ص ت وينصف قطر ما ولبعده ذه النقطة عن خط ص ت ولاجل وجوده في هذا الابعاد نبتداً بالسهولة ان بعده ذه النقطة التى مسقطاها ت و ت مشيلا فننظر بالسهولة ان بعده ذه النقطة على خط ص ت وترمثلث قام الزاوية الذي السهولة ان بعده ده النقطة على خط ص ت وترمثلث قام الزاوية الذي المنعاء الا نمران خط ش ت ت م ساويا خط الادص من نقطة من مساويا خط ع ت ووصلنا بين نقطت ت مساويا خط المنابين نقطت ت مساويا خط ت ت مساويا خط ت ص مساويا خط المنابين نقطة المنابين الموب حين ينطبق السطم المستمل عليا على المسطم المنتهل عليا على المنتهل المنتهل عليا على المسطم الافتى و وجد جيع نقط خط المتقاطع المطاوب بالطريق قالتي السطم المستمل المنتهل عليا على المتعملناها لوجود النقطة الاولى

واذااريدالان امتداد خطماس خطالتفاطع الذي علم في النقطة التي مسقطاها

ت و ت نظران هذه النقطة على الجسم فن ذلك بقهم ان الله المماس المطر الماسطي المهاس المسمى في نقطة داخل السطي المهاس المسمى في نقطة داخل السطي المهاس المسمى في نقطة (تُ تُ ) الره الافتى ضلع المسمى في نقطة تقابل ضلع الجسم المادب تقطة انتهاس بالمطالمة في نقطة تقابل ضلع الجسم المادب تقطة انتهاس بالمطالمة في المنذ كور فا ذامد د ناخط ألماس يصير الاثر الافتى السطي المهاس بالجسم المعلوم في نقطة المهاس يوجد في هذا السطي المهاس وفي السطي القاطع المعلوم وبغهم من ذلك ان هذا الحطيقا بل السطي الافتى في نقطة تناطع الاثرين الافتى ين بالسطيين المذكورين وافا وصلنا بين نقطى ت و ت في خطه ما يصير المسطي الافتى المهاس المطاوب واذا وصلنا بين نقطى بين نقطى ت و ت في ذا الحطيصير الحط المهاس المطاوب واذا وصلنا بين نقطى ت و ت في ذا الحطيصير الخط المهاس المطاوب واذا وصلنا بين نقطى ت و ت في ذا الحطيصير الخط المهاس المطاوب واذا والماس المطاوب واذا والماس المطاوب واذا والماس المعالم الماس المعالم المعالم

بيان حل المساط الجسم

فعلان محورالا بساط هوالخطالمنعنى الذى هو تقاطع الجسم المذكور والسطيح المقاوم كافي شكل (٢) و نجعل خط السلطيم المستقيم مغير اللغطالمنعنى المذكور ونقسم الخطالمعتدل اقساما صغيرة جدا مساوية لبعضها ونعتبر كل قسم منها كانه خطمستيقيم و فاخذ تلك الاقسام على هذا الخط ونقيم عوداعليه من حك نقطة من نقطالتقسيم فهذه العواميد تصبر على سطح الانبساط اضلاع الجسم المارة بنقط تقسيم خط تقلل المنطح الافتى و خط تقاطع المسطيح المفتى و خط تقاطع المسطيح المعلوم بالحسم المسلم المددكور فاذا اخدناهذه الابعاد على العواميد التي المناه الم

نفرض الان ان ضلع الجسم الذي ت مسقط افق له يأخذ موضع هن على سطح الانبساط فاذا اردما امتداد خط عماس لتغيير قطع است د الناقص فى نقطة ها نأخذ على خط اسمن تقطة فى بعد ف ح مساويا لخط ت أخط ه ح يصيرا لخط الماس المطلوب

# الرسم الوصفي الثالث عشسر

اذا اربدرسم خطاتق اطع اسطوانتين على سطحى المنتقط وامتداد خطاماس لهذا الخط

فعلى العموم لوجود خط تقاطع جسمين معاومين نفرض جلا سطوح اوجالة اجسام تليق لسهولة وجوده فكل من هذه السطوح اوالاج سام يقطع الجسمين المعاومين فيخطين متحنيين وهذه الخطوط المتحنية تيقاطع فيجلة نقط فالخط المركب منجيع تلك النقط هوخط تقاطع الجسمين المعلومين ولاجل وجود خطتقاطع اسطوانتين يازم قطع هذين الجسمين بجملة سطوح موازية لاضلاع الجسمين معالان السطوح المذكورة في هذه الحيالة تقطع الجسمين المعلومين فاضلاعهماو ذاكان المرادوجود خطتقاطع مخروطين يقطعان بسطوح مارة برأسي هذين الجسمين واذاكان المقصود وجودخط تقاطع مخروط باسطوانه بقطع هذان الجسمان بسطوح موازية لاضلاع الاسطوانة المعلومة ومارة برأس المخروط المعلوم واذا كان الجسمان المعلومان تحركيين يقطع هذان الجسمان مكراة مركزية ومركزها المنترك بكون نقطة تقاطع محورى الجسمين المعلومين فكلا تلا الكراة تقطع كلجسم من الجسمين المعلومين في دائرة ونقط تقاطع هذه الدوائرمن تقطف التقاطع المطلوب ويرسم بسهولة هذا الخطوحيث اتنا شرحنىاطرق وجودخطوط تقاطع الاجسام المفهومة فالايلزم رسمهاكلها لانه أفي اشرحنار سماوا حدامنهاا واثنين فهذاالشرح يكفي للاجسام الاخو فنبتدى بشرح رسم خطتقاطع اسطوانتين ببعضهما ولذلك نعتبران كل نقطة من تقطالخط المجهول هي نقطة تعاطيع ضلعين من الجسمين اللذين

عران بهذه النقطة في كل من هذين الجسمين واضلاع الجسمين المعداومين المفي مفي منى في سطوح مواذية لا ضلاع الجسمين ولوجود الاثر الا فق السطيمين هذه السحط و الموازية تعدمن النقطة التي مسقط اها و و خسين موازيين لا ضلاع الجسمين فهذان الخطان يقابلان السطيح الا فق في نقطت ث و و فاذا وصلنا بين ها تين النقطة عن الخطيصير الاثر اللافق المطسلوب واذامد دنا ذلك الاثر يقطع السائر تين اللتين هما خطتق المعلمين المعلومين بالسطيح الا فق في فنقط شر و ح و هو و ف وهذه النقطهي نقط تقابل الاضلاع المشتل عليها سطيح ت و بالسطيح الا فق واذا بحتمة عن مساقط تلك الاضلاع المشتل عليها سطيح المائي في اربع تقط وهذه النقط من نقط مسقط خط بحتمة عن السطيح المائي في المعلمة خط وهذه النقط من نقطه سقط خط المقاطع المطلوب ويعلم من ذلك ان كل سطيح مواذ لا ضلاع الجسمين يعتملان في وعضهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار و في الدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في الدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيذ النقاطع بهما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيذ النقاطة المعاما في الخروج و تدرك بالسهولة آثار في المدخول و خطا مخيد النقاطة المدخول و خطا مخيد النقاطة المدخول و خطا المناسطة المناسطة المنابع المدخول و خطا المدخول و خطا المناسطة المناطة المناسطة المناسطة المناسطة المناسطة المناسطة المناسطة المناطة المناسطة المناسطة

لاجلان يشمدل سطح مواز اسطح شد على ضدا عين من اضلاع الجسمين اللذين نقطاتهما المشتركة بينهما من نقطخط من خطى التقاطع المنحين يلزم ان يقطع السطح المذكور الجسمين المهلوسين واثره الافقي يقطع الدائرة بين الله ين كراهما نقطتا ت و كويفهم من ذلك انه افدا مددنا خطين عماسين المدائرة المعنوى من الدائرة بين المذكورة بين موازين عدد فه المالم الماسان يصيران حدى الاتار الافقيه لا عنه المسان يصيران حدى الاتار الافقية العنوا من الموازية السطح ت كالاتقطع الاجسما واحدا الجسمة بين الموازية السطح ت كالاتقطع الاجسما واحدا الفاطع المفلوب وهي تقاطع المساقط الافقية الضلعين من كل من الجسمين المعلومين يسمل وجود المساقط المساقط الافقية الضلعين من كل من الجسمين المعلومين يسمل وجود المساقط المساقط الافقية الضلعين من كل من الجسمين المعلومين يسمل وجود المساقط

الأفق

الافقية المطابقة للاربعة مساقط الرأسية المذكوره على المساقط الآفقية التلا الاضلاع بانزال عواميد من النقط الرأسية قاذا تأملنا بعد ذلك تصدان المطين المطلوبين خطان متعنيان مضعفان الاتحنا ورسمهما على سطيبي المسقط سهل لان كل سطح موازلضلعين من اضلاع الجسمين المعلومين يحدث اربع نقط من خط تقاطبهما المطلوب .

واذآ اردفا لان امتدادخط عاس خطمن خطى التقاطع في تقطة من نقطهذا الخطيع انمسقطى النقطة المعلومة هما أوس فيت ان هذه النقطة مشتركة بن الحسمن المعلومين فانلط المساس فهذه النقطة يلزم ان وجد فالسطيه منالماس البسين المذكورين المشتملين على الضلعن المارين بالنقطة المذكورة ولكن الضلعان المذكوران بقايلان السطيم الافقى فقطتي ه و و فادامددنامن هاتين النقطتين خطوطا مماسة للدائرتين اللتين مركراهما ثوسى ننظران هذه الخطوط المساسة متوازية ويفهم من ذللتان السطيرين المماسين المذكورين يتقلطمان في خطافق مواز الخطوط المماسة المذكورة والمسقط الاقتى فخطا لتقاطع المذكور موازاتهده الخطوط والمماسة وحيث انهذا الخط يمرينة طة أفاذ امددنامن هذه النقطة خطا موازباللخطوط المماسة يكون هذا الخط الحادث المسقط الافتي لخطتقاطع السطيعين المماسين ولكون الخط المماس المعلوب خطاافقيا فسقطه الرأسي يكون خطاموازيا خطالارض ويلزمان عربتقطة كفاذامددنامن هلده النقطة خطاموا زيانله ط الارض فهذا الخطيص والمسقط الرأسي المطهوب المماسين للجسمين المعلومين غيرمتوازيين اهاس المطاوب بنقسطة تقاطعهما لانهنه يلزم ار 🏢 النقطة هي بعط تقايل هسدا الطيالسطم الافق ويضهم بالسهولة السيقط الرأيين للغط المماس المطلوب والخط نفسه

الرسم الوصفي الرابع عشبر

اذا اربدرسم خدط تقاطع جسمين تحركيين متقاطعي الحورعلي سطيعي

تنطرا ولااناوجد نافى المسئلة السايقة نقطخط تقاطع الجسمين بعدنقط تقرابل اضلاع الجسمين مثنى مثنى في سطم واحدول كن نأخذ نقطة تقاطع محوري الجسمن كركز بلهلة كراة فى المسئلة المراد جليها كاعرفنا سابقا فاذار سمناهذه الكراة فكلمنها يقطع الجسمين المعلومين قى دائرة عجود على محورى الجسمين وجيع هذه الدوائر تتقاطع فنقط تقاطع تلائ الدوائر تصيرمن نقطخط التقاطع المنعنى المطلوب ولاجل رسم ماذكرناه على سطعن المسقطنفرض ان السطيم الافق عودع في محورمن محورى الجسمين ونفرض ايضاان السطم الرأسي مواز للمحورين المذكورين وبعددلك نجعل نقطة ك وخط و مسقطی محورمن المحورین وخطی ک ۵ و له و مسقطی المحور الشانی ونجعل ايضا المسقط الافتى للجسم الاول الدائرة التي من كزه انقطة ك وبعد ذلك اذافرضنا سطحاما رابحورى الجسمين فهذاالسطح يقطع هذين الجسمين ف خطبن جانبين ومسهقط اهما الرأسيان يصديران خطى ١ م ث ٥ و سم غ و ع المفتين وهذان الخطان يصيران حدى المسقطين الرأسيين للبسمين المعلومين واذافرضناكرة من نقطة ( كرو )التي هي نقطة تقاطع معورى الجسم ين وتصف قسطرها يكون خط وم فهد ده السكرة تقطع الجسمين في دائرتين خطاع م و م سم مسقطان رأسيان لهما فنقطة م المشتركة بين هذين المسقطين من تقط المسقط الرأسي المستحاطع المطلوب وحيث ان النقطة الغراغية التي مسقطها الرأسي نقطة م توجد على الخط المعتدل للعسم الاول الذي مسقطه الرأس مع مع عسقطها الافق يلزمان يوجدعلى المسقط الإفق للعظ المعتدل المذكوراعى عبار الدائرة المرسومة من نقطة ككوكز و ينصف قطر مع فاذار ألم الم هذه الدائرة وانزانا عودا م صُم على خط الارض فنقطة ص تصر المسقط الافق لنقطة فراغية من نقط خط التقاطع المطاوب الع

مسقطهاالرأسي نقطة م فأذا جعلناالان نقطة و مركزا و ينصف عطر او ترسم كرة اخرى فالخطان المعتبدلان الحياد ثان من هيذه الكرة يتقاطعان بالجسمين المعلومين في نقطتين مسقطهم الرأسي المشترك نقطة هد وموضوعين على الخط المعتدل في الجسم الاول الذي مسقطه الرأسي خطات ويقهم من ذلك ان المسقطين الافقيين للنقطتين المذكورتين يلزم ان يكوناعلى الدائرة المرسومة من نقطة " كركز و بنصف قطر ا عُ فاذا رسمناهذه الدائرة وانزلنامن نقطة ه عوداعني خط الارض فنقطتا تقاطع هذا العموديهذه الدائرة هما المسقطان الافقيان للنقطتين المذكورةين اللتينمن نقط خط التقاطع المطلوب ومسقطهما الرأسي المشترك سنهما نقطة ه وبهذه الطريقة عكن وحود جله نقطمسقطية رأسية من نقطمسقطي خط التقاطع المطلوب والان نجت على امتداد خطعياس خطالتقاطع الذى وحدولاجل ذلك ينظراولاان الخطالمماس المطلوب هوخط تقاطع السطعين أ المماسين للعسمين المعلومين في النقطة المشتركة بين هذين الجسمين فاذاعلنا الم الاثرين الافقين للسطعين الماسين نعلمان نقطة تقاطعهما تصير نقطة تقابل الخط المماس المطلوب بالسطيم الافق ويسهل عليتا يعددلك وجودمسقطى الخط المماس المطلوب ولاجل ذلك نجعل نقطتي أ و س مسقطى النقطة المشتركة المتقدمة فالسطيم المماس للجسم الاول فى النقطة المذكورة يوجد كافى الرسم الشامن الوصني واثره الافق يصير خط شه ض عموداعلى خط ك فالنقطتان الموجودتان على الجسمين المعلومين اللتان وسقطاهما ال خطمعتدل واحدوالخطالمماس للخطالمعتدل المار نقطتي آ ٠ بالنقطة بأب المذكورتين بقطع المحورف نقطة مستقطع ال الرأسي نقص - يسهم من ذلك ان خط حراً هو المستقطال أسي العطا المنياس المطلوب في النقطة المفروضية (راجع الرسم الوصيق ٨ ) والخط العمودي على خطته اطع الجسمين في النقطة المفروضة الذي مسقطه الرأسي إ النظ و يقطع محور الجسم في نقطة معقطها الرأسي نقطة لـ وهذه

النقطة نقطة تقاطع جيه الخطوط العدودية المارة بالنقطه ن الخدم الموضوعة على الخط المعتدل الذي خطع ع مسقطه الرأسي فالنقطة المذكورة مسقطه اللافق نقطة ش والخطالعمودى في نقطة (أور) التي هي على الجسم الثاني يصبر مسقطاه خطى اش و ت و ت و ت كان نقطة (ت ت كامي نقطة تقاطع جميع الخطوط العمودية على نقطالم الموضوعة على الخطالعتدل الذي مسقطه الراسي خطع ع في نقطالم الموضوعة على الخطالعتدل الذي مسقطه الراسي خطع ع ولا يضاح ذلك تجعل خطين جانبين ما رين بنقطتين من تقط خطمعتدل واحد في نظر والسهولة ان هاتين النقطتين لهما افق مشترك وتمام عودين مشترك واحد موجور الجسم عينه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناطعات في نقطة واحدة من نقط الحور المذكورة المناطعات في نقطة واحدة من نقط الحور المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناسم عنه يفهم من ذلك ان الخطين العمودين في النقطة المذكورة المناس والمنافي نقطة واحدة من نقط الحور المناسم عنه يفهم من ذلك ان النقطة المناسم عنه يفهم من ذلك ان المناسم عنه يفهم من دلك ان المناسم عنه يفهم من ذلك ان المناسم عنه يفهم من ذلك المناسم عنه يفهم من خلك ان المناسم عنه يفهم عنه يفهم

تعكن ان قبعل لمثلث الذي مسقطه الرأسي عوث بليو جول محود الجسم فقي هذا التعرف الخطالماس الذي مسقطه الرأسي خطع ويصريماسا يجيع المطوط الجانبية المارة من نقطخط ع غ المعتدل في كل من المواضع التي وجد فيها الخط المهاس المذكور في تسقله فالخط الذي مسقطه الرأسي شطع ت يفضل دا تماعود اعلى الخط المماس ويعلم من ذلك ان النقطة التي مسقطاها "ت وت هي النقطة المطاوية

مسقطاها حيث اندانعم الان المسقط الافق الفيط العمودى في نقطة (ع أ س) التي على الجسم الثانى نعم ان السطيح المماس لهذا الجسم في نقطة (ت س) عود على هذا الخطوية هم من ذلك انعلاجلي وجود الاثر الافق السطيح المماس المذكور يكنى ان تعلم نقطة من نقطه ذا الاثروالذالا نغرض من فقطة (ش) في السطيح المستقيا موازيا المد ثرارا أسى المذا السطيح فالمسقط الماس المجهول خطامستقيا موازيا المد ثرارا أسى المذا السطيح المماس المراسي لهذا الله المقروض يصيرمو ازيا المد ثرارا أسى المذى المسطيح المماس ويصيران على المسقط الرأسي المناسط العمودى المذكور فاذا النام نقطسة العمود يصير المسقط الزائد النام نقطسة العمود يصير المسقط الزائد العمود يصير المسقط الزائد النام نقطسة العمود يصير المسقط الرائد المناس نقطسة العمود يصير المسقط الزائد العمود يصير المسقط الرائد المناس نقطسة المعمود وسير المسقط الرائد المناس نقطسة المعمود وسير المسقط المناس المحدود وسير المسقط المناس المحدود والمدال المدال المد

الرأسي

الرأسى للعظ الموازى المفروض والمسقط الافق لهذا الخط خط مواز خط الارض عدم من نقطة من واذا يحثناءن نقطة تقابل هذا الخط السطح الارض عدما من نقط الاثر الافق للسطح المماس فى النقطسة التى مسقطاها نقطتاً و من التى هى على الجسم الثانى واذا انزلنامن هذه النقطة خطا عوداعلى خط أم فهده العمود يصير الاثر الافسق السطح المماس المذكور والاثران الافقيان للسطحين المماسين للجسمين المعلومين بتقاطعان على السطح الافق فى نقطة من وهذه النقطة نقطة تقابل الخط المماس خط تقاطع الجسمين بالسطح الافق فاذا وصلنادين من و من و من من من أنظمان المعادريان يصيران مسقطى الخط المماس المطلوب

## دعواى علية مندسية ممكن حلها بطرق الهندسة الوصفية الذعوى الأولى

ظريقة مروركرة من اربع تقطفر اغية معاومة

نظراولا كيف تصيرالمسئلة اذالم يعلم الانقطان اوثلاث نقط فى الفراغ فاذا علمت نقطتان فقط ينظر بالسهولة الالمسئلة لا يكن خلق الائه اذا و صلنا بين ها تين النقط تين بخط مستقيم وفرضنا من نقطة تعصيف هذا الخطسطيا عودا على هذا الخطومة ين ويفهم من ذلك أنه عرجاه كراة من ها تين النقط و كلارة واحدة ولا جل اشات ذلك فيعل ا و النقط تين المعلومة ين (شكل ا و ع غ السطي العمود على خط ا الماد بنقطة و التي هي نقطة تتصيف خط اسه المستقيم الواصل بين نقطتي ا و و و ففرض في سطيح ع غ نقطة م كل ما كانت ونصل بين نقطتي م و ا ونقطتي م و ا خالف المن خط م و ص خالا مشترك بين نقط ع ا و مساول فين و ساول فين و ساول فين المناف على مشترك بين هذين المثلث ين وضلع مشترك بين هذين المثلث يوسيمساويا خط و ساول فين المناف العمود كل متساوية و يشبت ايضاان جيع النقط المأ خوذة على السطي العمود كل متساوية و يشبت ايضاان جيع النقط المأ خوذة على السطي العمود كل متساوية و يشبت ايضاان جيع النقط المأ خوذة على السطي العمود كل متساوية الابعاد من النقطة بن المعلومة بن

إ بلزم الان ان نتبت ان النتيجة التي ذكرت مختصة بنقط السطى العمودى فقط المن من فقطة و من خارج السطى العمودى المذكورون من من و ا ونقيلتي م و ا ونقيلتي م و ا فقيلتي م و المنطى المذكور المنقطة م كل ما كانت ولكن في مثلث م و الموجد و المناف المن

ننظرانهذه النقطعلى سطح مستوواحددا ما وبعد ذلك يجعل او و و الثلاث نقط المعلومة (شكل ؟) فالكرة التي تمرية قطى او و لهامركز وجد على السطح العمودعلى الخطالواصل بين او و المارية قطة و المنصقة لهذا الخط وكذلك الكرة المارة بتقطتي و و ت المارية قطة و المنصقة لهذا الخط يمركز الكرة المطلوبة نقطتي و و د المارية قطة و المنصقة لهذا الخط يمركز الكرة المطلوبة يلزم ان يوجد على كل من السطحين العمودين المذكورين ويقهم من ذلك المناقطة من نقط خط هذا المركز نقطة من نقط خط هذا المركز نقطة من نقط خط المناسبولة ان عدد الكراد التي تمريا الثلاث نقط المعلومة لانها ية له السطحان العمود ان المراد التي تمريا الثلاث نقط المعلومة لانها ية له السطحان العمود ان المراد التي تمريا الثلاث نقط المعلومة لانها ية له السطحان العمود ان المراد التي تمريا الثلاث نقط المعلومة النها يقلم المسطحان العمود ان المراد التي تمريا المعلومة المناسبة على خطوا حدمستقيم المستعلى خطوا حدمستقيم

قاذاوجدالان اربع نقط حكنقط اربرشه ولكن ليستعلى اسطح مسترواحدنفعل اولابالشلات نقط الاولى اعنى ارسرت العمودين الذي كافعلنا بالثلاث نقط السابقة فيوجد خط تقاطع السطحين العمودين الذي نقطه كلها متساوية الابعاد من الثلاث نقط المذكورة واذاوصلنا بعد ذلك بين نقطة هو ونقط قمن نقط ارسرت الثلاث مثلا بين هذه النقطة وتقطة الومدد ناسطيما عودا على خط هوا فى نقطة تصيف هذا الخط في مي نقط هذا السطح تصير متساوية الابعاد من نقطتي الوو و ويفهم من ذلك ان نقطة تقابل خط تقاطع السطيمين الاولين بالسطم الثالب عن ركن الكرة المطلوبة قالرسم الوصنى لهذه المسئلة سهل ننبه فقط على انه يلزم بعدوج يد مي كن الكرة المطلوبة على سطيمي المستقط ان تكون الابعاد التي يته وين الابعاد التي يته وين

## الدعوى الثانية

كتريقة وجود ثلاثة اشياء من الستة المركب منها اهرام مثلثي بعدادراك

وليعلم قبل حل هذه الدعوى ان الغراغ الواقع بن سطيين من السطوح المركب منها الهرام المعلوم يسمى ذاوية بجشمة والغراغ الواقع بين اضلاع الهرام مثنى يسمى ذاوية مستوية فال اوبة الواقعة بين سطيين هستويين من سطوح المسم المعلوم مساوية للزاوية الواقعة بين عودين منزلين على هذين السطيين المن نقطة مفروضة من خارج هذين السطيين وليست فى الزاوية المذكورين المناف الزاوية المناف الزاوية الواقعة بين العمودين المذكورين زاوية السطيين المعلومين ونقطة النقطة القالمي عاد جاء في السطيين المعلومين ونقطة النقطة التي هي خارجة عن هدين السطيين المعلومين ونقطة المعلودين فهذا السطيين المعلومين ونقطة المعلودين فهذا السطيين المناف على مرد و ع في المناف ا

فشلشا ارث و سد هده متشا بهان لان زاویتی سد و ه سد اویهٔ شد مساویهٔ لراویهٔ هد لکون کل منهما قائمهٔ ومن میر رسیم تر می تورین مساویهٔ میر سامین المذکورین مساویهٔ

واذا فرضنا الان ان نقطة ا (شكل ٤) فى الزاوية الحاهلة بين السطعين المذكورين والزانامن هذه النقطة عمودى الله و ا ء على كل من هذين السطعين فهذا الهمودان يحدثان سطعامستو ياوهذا السطع

اذا اخذت نقطه و من داخل اهرام مشلق وانزل من هذه النقطه عد و ق و و و و و ه على سطوح آسه فرد و اسه ر و سسه ت الثلاثة وفرضت سطوح مارة من هذه العسطوح تحدث اهراما مثلثيا وهو و و ه الثلاث فهذه السطوح تحدث اهراما مثلثيا وهو و د ف ه وهذا الاهرام يسمى اهراما متمما للاهرام الاول ويسمى بذلك لان الزوايا المستوية في هذا الجسم متممة لزوايا الاهرام الاول المستوية وبالعكس الزوايا المستوية في هذا الجسم متممة لزوايا الاهرام الاول المستوية وبالعكس فزاوية و و ف هى المتممة للزاوية الواقعة بين سطحى اسمت و اسمب فزاوية و و ف هى المتممة للزاوية الواقعة بين السطعين المذكورين فراوية و و ف هى المتممة للزاوية الواقعة بين السطعين المدوية التي ويثبت كاذ كران زوايا الاهرام الثانى المستوية متممة للزوايا المستوية التي في الاهرام الاول وهذا هو المطاوب

الستة اشياء المركب منها اهرام مثلثى وهى الثلاث زوايا الاول والثلاث زوايا المستوية اذاتر كبت وتوفقت مع بعضها تلاثا ثلاثا تفيد عشرين وجها للتركيب ولكن تلك الاوجه ليس لها الاست حالات مختلفة

الحالة الاولى الثلاث زوايا المجسمة فقط الحالة الثانية سطعان والزاوية الواقعة ينهما الحالة الشالئة سطعان والزاوية المقابلة لاحدهما الحالة الرابعة الثلاث زوايا المستوية فقط الحالة الخامسة زاويتان والسطع الحاصل بينهما الحالة السادسة زاويتان والسطع المقابل لاحدهما فماذ كرناه للاهرام المخلم المحالة السادسة زاويتان والسطع المقابل لاحدهما فماذ كرناه للاهرام المخلم المائد الشارا ويا تعتبر كانها ثلاث الول لانه اذ افرضنا المهم فاذ اوجد فاالثلاثة السيا الباقية للاهرام المتم بطريقة المتم للاهرام المتم بطريقة حل الحالة الاولى وفرضنا انه مع لهم واخذنا متم اجزاء هذا الاهرام المتم حلى الحالة الاولى وفرضنا انه مع لهم واخذنا متم اجزاء هذا الاهرام المتم

فالاجزاء الحادثة هى التى تركب الاهرام الاول ويفهم من ذلك انه يكفى ان نبعث عن حل الثلاث حالات الاول

## ص الحالة الأولى

طريقة وجودالثلاث زوايا المركب منهااهرام مثلثي بعد ادرائ سطوحه الثلاثة هي ان نجعل ا. سـ - "و ا سـ شـ و شـ ســ "ب ( شكل ٦ ) إ الثَّلَاثة سطوح المعلومة ونفرض ان سطيهي احمد و سسم ث ينطبقان على سطح اسمث فاذا اخذنا من نقطمة ف بعدى سمف و سمه متساوین نعتبرنقطتی ف و ه کا نهما حادثتان من نقطة واحدة من نقط الضلع الشااث بعدالتحرك الذي فرض لان كالامن نقطهذاالضلع فهذاالتحرك لايتغربعدهامن نقطة سه وبعد ذلك اذاانزلنا من نقطتی ه و ف عمودی ه و و ف و علی خطی اسم و شسه فهذان العمودان يعتبران كانهما المسقطان على سطح امد للقوسين من الدارتين المرسومتين من تحرك النقطة الحادثة من نقطتي هو ف واذافرضناالان انخط حح يعوداني موضعهالاول فهذا الخطيفضل دائمًا عموداعلى خط سمرت والزاوية الواقعة بينخطى حد و وُه تصرالزاوية الحاصلة ين سطحى اسه د و دسه د ولاجل دسم هذه الزاوية ندورسطعها حول خط ورح حتى يصيرسطعا واحدامع سطيم ا سم ث والنقطة التي من الضلع الشالث يلزم وجودها بعد التحرك على ، ن نقطة و على خط و و ماعداها وجدعلي قوس دائرة . " سر روعلة ح كركن و ينصف قطر حد فاذا فعلناماذكرناه و سناس نقطى شه و ح فزاوية شه ح و تصد الزاوية المطلوبة ويفعل ايضا كذلك بسطعي الزاوية إلحاصلة من سطعي اسه ت و اسم - ولوجود الزاوية الثالثة اى الحادثة من سطعى اسم -و شره و نفرض سطعاعوداعلى الضلع الثالث من نقطة من نقطهذا

الضلع المشاراليه بعد التحرك بنقطتى ف و ه فالسطح المذكورية طع سطعى اسه و شسه و فخطين عودين على الفسلع الشاات المذكوروه ذان العمودان يحدثان ينهما زاوية سطعى اسه و شسته و رلكن الخطان العمودان المذكوران يفضلان دائما في موضعهما مدة التحرك فيفهم من ذلك انه لاجل وجودهما يكنى ان يقام من نقطتى ه و ف عود اهم و ف عيل خطى سه و وسه س ويعلم بذلك ان خط م و الرائسطي العمود على الشاه الشالث الذي هوعلى سطيح اسه شوان تقاطع السطح العمود المذكور بالاهرام المذكور مثلث اضلاعه خطوط م و و م ه و و ف و الراوية المقابلة تلط م و في هذا المثلث هي الزاوية المالة الزاوية المالة الإهرام المعلوم الناوية المطلوبة فاذارسم هذا المثلث تعلم الزاوية لثالثة الإهرام المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم المعلوم المالة المعلوم المعل

اذا أريد وجود الثلاثة اشياء المجهولة من اهرام مثلثي بعدادرال عطعين والزاوية الواقعة منهما

فلإجلذلك نجعل اسه و و سه د (شكل ٧) السطحين المعلومين و و الراوية المعلومة وبعد ذلك نفرض ان سطح د سه و يدور حول خط سه د حتى ينطبق على سطع اسه د وناخذ على خط د و نقطة ه كلما كانت ونفرضها مشيرة لنقطة من الفسلع الثالث بعد التحرك فاذا انزلنا من نقطمة ه عمود ه و على خط سه د وعاد بعد ذلك سطع د سه و لموضعه الحقيق فحطا ف و و و و يحدثان بينهما زاويه مساوية راوية ي والان اذا ورن هم الحداد التحرك خط و ه الحان يصير سطح اواحدام عسطم اسه د فني هذا التحرك خط و ه يتغير بحنط و سه الذي تحدث بينه وبين خف و و و و زاوية شه و و مساوية لزاوية كاذا اخذنا خط و سه و على خط و و فنقطة و مساويا لخط و ه فنقطة و ح م مساویا فیلاد الخدر و ح فنقطة و ح فنقطة و ح فنقطة و ح فنقطة و ح فنو م مساویا فیلود و ح فنود و م مساویا فیلود و م مساوی

و تصيرالمسقط على سطيح اسم ث النقطة التي هي من نقط الضلع الثالث المنبه عليه بحرف ه واذا الزانا من نقطة و عودا على خط سم الورسمة القوس دا ترة من نقطة سم كركز و بنصف قطر سم ه فهذا القوس بقطع خط وت في نقطة ف فاذا وصلنا بين نقطتي سم و ف فسطيح في سم ا يصير السطيح الفالث المصلوب وبعد ذلات يسهل علينا المصلح بن الباقيين

## الحالة الشالشة

اذا فرضناان السطعين معلومان وكذلك الزاوية المقابلة لاحدهما والمرادا يجاد الثلاثة اشياء الماقمة لتركيب هرام مثلثي

غیمل (شکل ۱) اسم ن و ن سم ک السطین المعلوب سم می الراوید المقابله لسطی ن سم ک و بعد دلان ندور سطی ن شر ۱ می می می می می می می سمی سطی المی سطی اسم ن و فیعل لاجل الاستدمار اسمی سطی اسم ن سطی افتها فادا انزلنسامی نقطه کل ما کانت می نقط خط سم ک المستقیم عود هم اسمی و جعلنامی خط هم اسطی اقامی فیدالسطی المنافی المثلث الذی ضلعاه خطا ام و و ه و الضاع الثالث خط تقاطع السطی المذکور والسطی الثالث المعلوم واداد و رنالان السطی القائم المذکور حول خط اه الی ان بصیر المعلوم واداد و رنالان السطی القائم المذکور حول خط اه الی ان بصیر المعلوم واداد و رنالان السطی القائم المذکور حول خط اه المنالات المثلث المنالد می می می تقط الفیلی الشالث المثلث و بی می می قطب و می وان وجد این المثلث المثلث و بی می می نقطة می عود و می خط سم ا و من ها المثلث المثلث می می نقطة می عود و می خط سم ا و من ها المنالد کور سابقا و خط فی د یک خط سم ا و من ها المنالات المنالث المنالد کور سابقا و خط فی د یک در الدی عدلی السطی الثالث المنالث المنالد کور سابقا و خط فی د یک در الدی عدلی السطی الثالث المنالث المنالد کور سابقا و خط فی د یک در الدی عدلی السطی الثالث المنالد کور سابقا و خط فی د یک در الدی عدلی السطی الثالث المنالد کور سابقا و خط فی د یک در الدی عدلی المنالد کور سابقا و خط فی د یک در الدی کار المنال در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابقا و خط فی د یک در المنالد کور سابق و خط فی د یک در المنالد کور سابق و خط فی د یک در المنالد کور سابق و خط فی د یک در المنالد کور سابق و خط شد و یک در المنالد کور سابق و خط شد و یک در المنالد کور سابق و یک در المنالد کار سابق و یک در المنالد کور ساب

تقاطع الخط المذكورمع الخط القائم من نقطة و تصير من نقطخط تقاطع السطيم القائم والسطيم الثالث للهرام

ولايجاد مقدار الخط القائم المذكور نفرض ان السطح القائم المار بخط ف مر يدور حول هذا الخطاءي بنطبق على سطم اسم ث وننشئ في نقطمة ف ذاوية و ف و مسلوية لزاوية ك وننزل من نقطة م عمود م و على خط ف م فننظرمع السنولة ان خط م و هو المقدار والمطلوب للخط القائم المذكور فاذادورنا الان السطيم القائم الاول حول خط ا ه حتى يصير سطحا واحدام عسطم ا سه ث قاناط القام المذكور ينطبق على خط ت ح المستقم ونقطة مو تقع على نقطة م يويكون خط ه شه مساويا لخط ه و و ا ذ ا وصلنا بين نقطتي ا مع من فط لم يصرمقدا يضلع المثلث المطاوب واذا رسمنا الأن قوس دائرة من نقطة م كركز و بنصف قطر م ه فهذا القوس يقطع خط اث فى نقطتى م و ﴿ وَمِنْ ذَلِكَ يَفْهُمُ اللَّهُ عُوى النَّى نَجِتُ فَي حَلْهَا حَلَّيْنَ حقيقيين وإذا قرضناان السطيم الثالث الذى ذكريدور حول خط اسم حتى يصميرسطيها واحدامع سطح اسمث فنقطتا م و ١ يلرمان تكونا بعدالتحرلة على قوسى دائرتين من سومين من نقطة اكركز و ينصني قطر ام و ا و وان وجدا ايضا يعدين من نقطة سم مساويين نلط سه ه فاذار سمنا قوس دائرة من نقطة سم كركز و بنصف قطر مساو نلط سه ه فهذا القوس يقطع الدائرتين المذكورتين سابقافي نقطتي شہ و ے واداوصلہا بین نقطتی مشہ وے وبین نقطتی سہ و شہر فزاومنا عسم ا وشمسم يصران السطعين الثلاثيين المحدثين مع الاشياء المعلومة راولة مجسمة مثلثية ويفهم من ذلك ان عدد حل هذا المذعوى يعلمن عددنقط تقاطع خط ات المستقيم يقوس الدائرة المرسومة من نقطة ح كركز و سعد ح ه كنصف قطروحيث ان الخط لا يكنه مقابلة القوس الافي نقطتين يعلمن ذلك ان الدعوى المذكورة يمكن حلمها

يطربة تين واذا كان الخط المستقيم المذكور بماسا للقوس المذكور فلا يحدث الاحل واحد واذا كان لا يكنه مقابلة القوس المذكور اصلافهذه الدعوى لا يكن حلها في هذه الحالة واما في الحالة الثانية فيكن حلها من غيرشك وفي الحالة الاولى يعلم انه اذا جعلت ثلاث زوايا مستوية فبعض الاوقات لا يكن ترئيب زاوية مجسمة مثلثية من المات الزوايا لانه لاجل امكان ذلك بلزم ان بكه ن حاصل جعها الحل من اربع زوايا قامة وان دكون كل زاوية منها اصغر من عمل الاويتين مع بعضهما وتكون الزاوية الصغيرة منها اعظم من تفاضل الزاويتين الاخرتين من يعن وينبت ذلك بالدعوتين الاخرتين من المقالة الخامسة في اصول الزاوية بحسمة بعدا دراك ثلاثة المناه الزاوية بحسمة بعدا دراك ثلاثة

الان قد غت ترجه اللازم من المندسة الوصفيه والى الطلبه ا ينعت المار وياضه الرهيه وتفيرت بنابع حكمه الشهيه للواردين وقرت بجواهر مسائله اعين الناظرين فالحدلله على الاعانه فى البدء والخدام والصلاة والسلام على خيرالانام واله وصحبه البردة الكرام

To: www.al-mostafa.com